

Опуская детали вычисления резонансного параметра δ для модельных степенных слоев с $n \geq 2$, приведем лишь его оценку по порядку величины (см. также [8]):

$$\delta \sim k_1 l / |\tilde{v}|^{(n-1)/n}, \quad \tilde{v} = \varepsilon_0 - iv \quad (4)$$

Как видно из (1), необходимым условием эффекта экранирования падающей волны является равенство нулю параметра G_{zx} ($G_{zx}=0$), обеспечивающее отсутствие резонансного возбуждения вторичных волн ТЕ-типа ($E_{rz}=E_{tz}=0$). Это условие выполняется согласно (2) при двух ориентациях магнитного поля B_0 : при $\alpha=0$, что соответствует известному случаю экранирования [1-4], а также при $\alpha=\pi/2$, $\beta=0, \pi$. В интересующем нас последнем случае, как видно из (1)-(3), $G_{xy}=0$, $\Delta=-\delta$, а компоненты E_{ry} , E_{ty} имеют следующую асимптотику при $|\tilde{v}|^{(n-1)/n}/(k_1 l) \rightarrow 0$ (когда $\delta \rightarrow \infty$):

$$E_{ry}/E_{1y} \rightarrow 1, \quad E_{ty}/E_{1y} \rightarrow 0.$$

Если при этом стремится к нулю и толщина плазменного слоя $k_1 d \rightarrow 0$ (медленнее, чем $|\tilde{v}|^{(n-1)/n}$), то нерезонансные поправки к формулам (1) становятся исчезающими малыми, а экранирование полным.

Конечность параметров \tilde{v} , $k_1 d$ приводит к просачиванию волны через слой, которое характеризуется оценкой $E_{ty}/E_{1y} \sim \max\{|\tilde{v}|^{(n-1)/n}/(k_1 l), (k_1 d)^2\}$, $E_{tz}/E_{1y} \sim k_1 d$.

Выше рассматривался случай холодной плазмы, соответствующий неравенству $v \gg v_T = (r_D/l)^{2n/(n+2)}$ (r_D — электронный дебаевский радиус) [9]. В теплой бесстолкновительной плазме ($v_T \gg v$) условия эффекта экранирования и оценка просачивания волны остаются теми же с заменой v на v_T . При этом малость параметра $v_T^{(n-1)/n}/(k_1 l)$ обеспечивает выполнение естественного требования $l \gg r_D$.

Рассмотренный вариант эффекта резонансного экранирования в гиротропном слое, как и в случае изотропной плазмы, реализуется на плазменной частоте экстремума (перегиба) профиля концентрации $\omega_1 = \omega_p(0)$ и отсутствует при нормальном падении волны на слой.

В заключение заметим, что условие $k_1 d \rightarrow 0$, обеспечивающее подавление нерезонансной трансформации в ТЕ-волны, становится необязательным в пределе сильного магнитного поля ($\omega_1/\omega_B \rightarrow 0$), когда ТЕ- и ТМ-поляризации являются (при $\alpha=\pi/2$) независимыми. Кроме того, как следует из (1)-(3), в пределе $\omega_1/\omega_B \rightarrow 0$ появляется возможность экранирования нормально падающей ($\theta=0$) волны, реализующаяся на частоте $\omega_1 = \omega_p(0) |\cos \beta|$ при выполнении условий $\alpha=\pi/2$, $\beta \neq 0, \pm \pi/2$, $v^{(n-1)/n}/(k_1 l) \rightarrow 0$.

Автор признателен И. Г. Кондратьеву за обсуждение результатов работы.

ЛИТЕРАТУРА

1. Кондратьев И. Г., Миллер М. А. — Изв. вузов — Радиофизика, 1965, 8, № 1, с. 34.
2. Живулин В. А., Макаров Г. И. — ЖТФ, 1974, 44, вып. 1, с. 201.
3. Жаров А. А., Кондратьев И. Г. — Изв. вузов — Радиофизика, 1976, 19, № 8, с. 1130.
4. Бакунов М. И., Денисов Н. Г., Зелексон Л. А. — Изв. вузов — Радиофизика, 1986, 29, № 4, с. 408.
5. Кондратьев И. Г., Миллер М. А. — Изв. вузов — Радиофизика, 1968, 11, № 6, с. 885.
6. Гершман Б. Н., Ерухимов Л. М., Яшин Ю. Я. Волновые явления в ионосфере и космической плазме. — М: Наука, 1984, с. 112.
7. Пилия А. Д., Федоров В. И. — ЖЭТФ, 1969, 57, вып. 4 (10), с. 1198.
8. Бакунов М. И., Пикулин В. Д., Степанов Н. С. — Физика плазмы, 1987, 13, вып. 1, с. 62.
9. Буланов С. В., Коврижных Л. М., Сахаров А. С. — ЖЭТФ, 1977, 72, вып. 5, с. 1809.

Горьковский государственный
университет

Поступила в редакцию
8 апреля 1987 г.

УДК 537.874.6

ПОЛНОЕ АВТОКОЛЛИМАЦИОННОЕ ОТРАЖЕНИЕ ПРИ РАЗЛИЧНЫХ ПРОФИЛЯХ ГОФРИРОВАННЫХ ПОВЕРХНОСТЕЙ

Е. В. Шейнина

Полное автоколлимационное отражение (ПАО) представляет собой 100-процентное отражение в обратном направлении плоской гармонической волны, падающей на идеально

проводящую гофрированную поверхность под углом, отличным от нормального, Режимы ПАО находят в настоящее время все более широкое применение в фильтрах и квазиоптических устройствах с частотно-селективными зеркалами, где требуются режимы с возможно более узкой полосой. Для профилей гофра традиционных форм—синусоидальной, пилообразной, прямоугольной — в области длин волн, в которой распространяющимися являются лишь нулевая и минус первая гармоники дифрагированного поля и которая наиболее удобна для практического использования, режимы ПАО относительно широкополосны [1]. Узкополосные режимы для таких профилей возможны лишь при введении в структуру диэлектрика [2].

В настоящей работе численно анализируются режимы ПАО в более широком классе профилей гофра и демонстрируется возможность узкополосных режимов для профилей, описываемых неоднозначными функциями координаты плоскости решетки, нормальной ее ребрам, и имеющих частично закрытые резонансные объемы.

Численный анализ проводится на основании алгоритма [3], базирующегося на методике исследования интегрального уравнения — решения задачи дифракции плоской гармонической волны на гофрированной поверхности. При этом указанный алгоритм обобщается на параметрический вид задания функций, описывающих профиль гофра, что дает возможность исследовать профили, представляющие собой области с пережатиями. Задача решается при граничном условии Дирихле для симметричных гладких профилей.

Сначала рассмотрим профили, описываемые функцией, представляющей собой сумму K членов разложения симметричного прямоугольного профиля в гармониче-

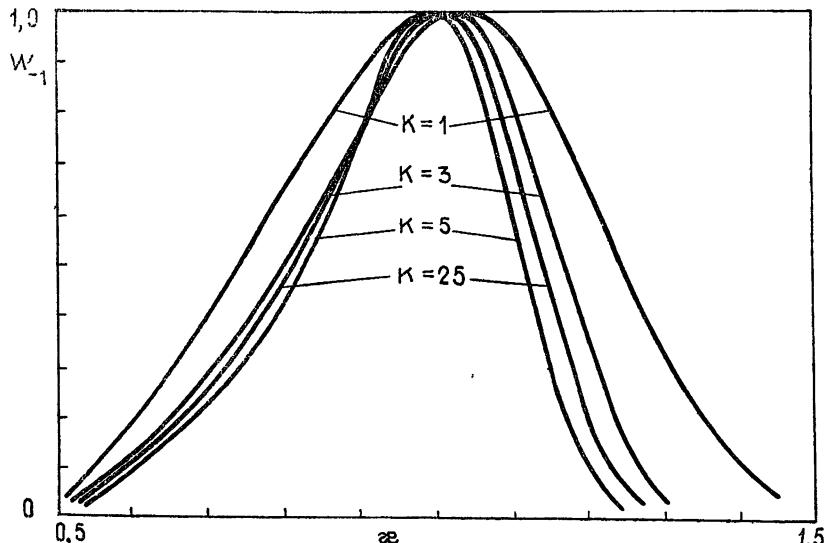


Рис. 1.

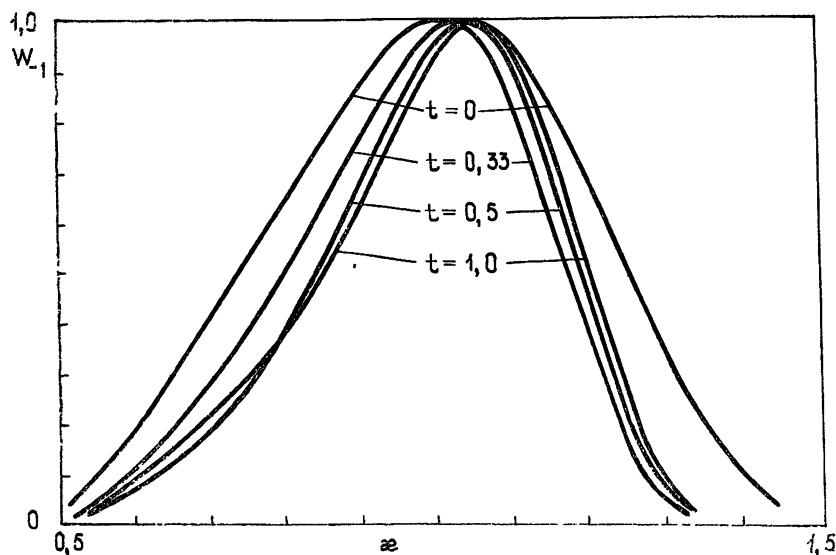


Рис. 2.

ский ряд. На рис. 1 изображены зависимости энергий минус первой гармоники \tilde{W}_{-1} дифрагированного поля от параметра $\kappa = d/\lambda$ в режиме автоколлимации, где d — период структуры, λ — длина волны, для различного количества членов ряда K . Значение $K = 1$ соответствует синусоидальному профилю с амплитудой $A = 2$ при периоде $d = 2\pi$. Функция W_{-1} обращается в единицу для всех рассмотренных профилей практически при одном значении κ с точностью до второго знака, однако полоса режима ПАО различна, причем наиболее узкополосный режим наблюдается при приближении профиля к прямоугольному.

Рассмотрим теперь профили, описываемые функцией $2(\sin x + t \sin 3x)$ и представляющие собой синусоиду с амплитудой $A=2$ с добавлением третьей гармоники произвольной амплитуды. На рис. 2 представлены зависимости W_{-1} от κ в режиме автоколлимации при различных t . С увеличением t наблюдается сужение полосы режима ПАО, но рост t выше $t > t_0 = 0,33$, соответствующего второму члену выше-рассмотренного гармонического ряда, практически перестает оказывать влияние на кривую. Падающая волна «не замечает» углублений с характерным масштабом ширины, существенно меньшим λ .

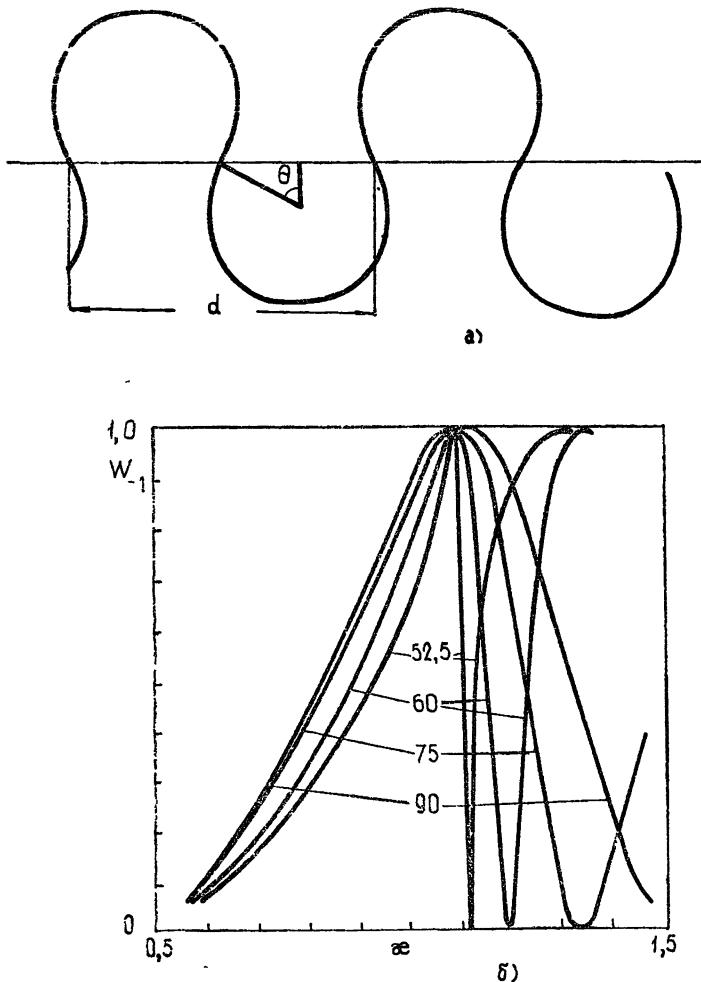


Рис. 3.

Наконец, рассмотрим неоднозначные профили в виде «кувшинов», изображенные на рис. 3а. Будем их описывать двумя дугами окружностей равного радиуса, выпуклой и вогнутой, расположенными антисимметрично относительно места их касания. В качестве параметра, характеризующего такой профиль, выберем угол θ (см. рис. 3б). При $\theta = 90^\circ$ дуги представляют собой полуокружности радиусом $\pi/2$, при $\theta > 90^\circ$ профиль становится однозначным и по свойствам близок синусоидальному, при $\theta < 90^\circ$ радиус дуг растет и возникает пережатие, которое смыкается при $\theta = 30^\circ$. На рис. 3б изображены зависимости W_{-1} в режиме автоколлимации от κ для профилей с различными θ . Режим ПАО имеет при разных θ существенно разные полосы. Может осуществляться как широкополосный режим ($\theta \geq 90^\circ$), так и предельно узкополосный ($\theta \leq 50^\circ$), полоса которого в приближении идеальной проводимости поверхности не ограничена и может быть сколь угодно малой.

Таким образом, по сравнению с профилями, описываемыми однозначным функциями, профили в виде «кувшинов» обладают существенно более разнообразными возможностями рассеяния, позволяющими получить в наиболее удобной для применения области $0,5 < \kappa < 1,5$ (где являются распространяющимися лишь мину первая и нулевая гармоники дифрагированного поля) как широкополосные, так предельно узкополосные режимы. Это связано с наличием частично закрытых резонансных объемов, в которых при падении волны возбуждаются высокодобротные колебания.

Автор выражает благодарность А. И. Сукову за полезные консультации.

ЛИТЕРАТУРА

1. Electromagnetic Theory of Gratings / Ed. Petit R. — Berlin — Heidelberg — New York: Springer — Verlag, 1980.
2. Кириленко А. А., Кусайкин А. П., Сиренко Ю. К. — Изв. вузов — Радиофизика, 1986, 29, № 10, с. 1182.
- 3 Вайнштейн Л. А., Суков А. И. — Радиотехника и электроника, 1984, 19 № 8, с. 1472.

Институт прикладной физики
АН СССР

Поступила в редакцию
8 июня 1987 г.