

ляются вариаций с периодами  $\sim 2\text{--}3$  мин и  $\sim 5$  мин. Что касается вариаций других ионосферных параметров, то они, как правило, менее выражены по сравнению с  $h'm$ , но их волнообразные флюктуации прослеживаются достаточно уверенно. Очень сильные колебания значений  $h'm$  и  $h'$  на  $f=4,0\text{--}7,0$  МГц, а также величины  $f_0F2$  отмечались во время повторного толчка 26 апреля. Вариации и частотный спектр  $f_0F2$  для этого случая показаны на рис. 4. Периоды вариаций, для которых спектральная плотность максимальна, составляют  $T \approx 2\text{--}3$  и  $5\text{--}10$  мин.

Авторы благодарят Немову Е. В. за помощь при проведении расчетов на ЭВМ.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Шебалин Н. В., Ибрагимов Р. Н., Чернов Ю. К. и др. Газлийские землетрясения 1976 и 1984 гг. — Ташкент: Фан, 1986.
2. Фаткуллин М. Н., Гайворонская Т. В., Зеленова Т. И., Хусамидинов С. С. Препринт ИЗМИРАН № 4 (693). М., 1987.

Институт земного магнетизма, ионосфера  
и распространения радиоволн  
АН СССР

Поступила в редакцию  
3 марта 1987 г.

УДК 621.371.246

## О ФЛЮКТУАЦИЯХ УРОВНЯ СИГНАЛА ВБЛИЗИ ЛИНИИ АТМОСФЕРНОГО ПОГЛОЩЕНИЯ С УЧЕТОМ НАПРАВЛЕННОСТИ ИЗЛУЧЕНИЯ АНТЕННЫХ СИСТЕМ

*A. С. Брюховецкий, И. М. Фукс, С. И. Ширманова*

Ослабление плоской монохроматической волны субмиллиметрового диапазона в водяном паре и кислороде оказывает заметное влияние на величину флюктуаций амплитуды волны, распространяющейся в приземном слое атмосферы [1–4]. Для большего соответствия условиям эксперимента необходим в расчетах учет направленности не только передающей [5], но и приемной антенны, что должно привести к обрезанию углового спектра регистрируемых рассеянных волн по сравнению со случаем ненаправленного приемника [6]. В данной работе такой расчет проводится на основании борновского приближения. Конкретные численные результаты приведены для радиочастот  $\omega$  вблизи линии поглощения атмосферного кислорода  $\lambda=5$  мм.

Функции освещенности приемной и передающей антенн предполагаем гауссовыми с эффективными размерами  $a_0$  и  $a$  соответственно. Тогда относительное возмущение сигнала  $\psi = U_1/U_0$  описывается выражением

$$\psi = (k_0^2/4\pi) \int_0^L dx Q(x) \iint_{-\infty}^{\infty} d^2r \epsilon_1(x, r) \exp((i/2)\sqrt{\epsilon_0} k_0 Q(x) r^2), \quad (1)$$

где

$$r = (y, z), \quad Q(x) = [L/x(L-x)](1 - i\bar{g})/(1 - ig_0)(1 - ig), \\ g_0 = \sqrt{\epsilon_0} k_0 a_0^2/x, \quad g = \sqrt{\epsilon_0} k_0 a^2/(L-x), \quad \bar{g} = (1/2)\sqrt{\epsilon_0} k_0 (a_0^2 + a^2)/L,$$

$L$  — длина трассы,  $k_0 = \omega/c$ ,  $\epsilon_1(R) = 2[n_1(R) + i\alpha_1(R)]$  — флюктуации диэлектрической проницаемости,  $\epsilon_0 = 1 + i2\alpha_0$  — ее среднее значение.

При  $a \rightarrow 0$  или  $a, a_0 \rightarrow 0$  (1) переходит в (6) из [5] или (5) из [6], § 49. Пренебрегая разницей в поглощении  $\alpha_0 k_0 \Delta L \ll 1$  на расстояниях  $\Delta L \sim r^2/2L$  при кармановском пространственном спектре неоднородностей  $\Phi(\mathbf{x}) = 0,033(x_0^2 + x^2)^{-11/6}$  для квадрата флюктуаций уровня  $\langle \chi^2 \rangle = (1/2)\langle \operatorname{Re} \psi^2 + |\psi|^2 \rangle$ , получим

$$\langle \chi^2 \rangle = 0,033 \pi^2 k_0^{7/6} L^{11/6} [C_n^2 B_1 - C_{n\alpha}^2 B_2 + C_\alpha^2 B_3]. \quad (2)$$

Здесь

$$B_i = 2\beta^{11/6} \int_0^1 dt \int_0^\infty d\xi \exp(-\xi f_2(t)) (1 + \beta \xi)^{-11/6} R_i(\xi, t) \quad (i = 1, 2, 3),$$

$$R_1(\xi, t) = \sin^2(\xi/2)f_1(t), \quad R_2(\xi, t) = \sin \xi f_1(t), \quad R_3(\xi, t) = \cos^2(\xi/2)f_1(t),$$

$$\beta = k_0/\kappa_0^2 L, \quad t = x/L, \quad \xi = x^2 L/k_0, \quad f_1(t) + i f_2(t) = L^{-1} Q^{-1}(t).$$

В случае идентичных антенн ( $a=a_0$ ) величина (2) определяется двумя параметрами:  $\beta$  и  $p=L/k_0 a^2$ . При этом  $f_1(t)=[1+p^2 t(1-t)](4+p^2)^{-1}$ ,  $f_2(t)=\{2+p^2[t^2+(1-t)^2]\}\times p^{-1}(4+p^2)^{-1}$ .

Расчетные зависимости  $B_i$  представлены на рис. 1—3, где нумерация 1—6, как и на рис. 4, 5, соответствует значениям  $\beta$ :  $2^1, 2^3, 2^5, 2^8, 2^{10}, 2^{15}$ .

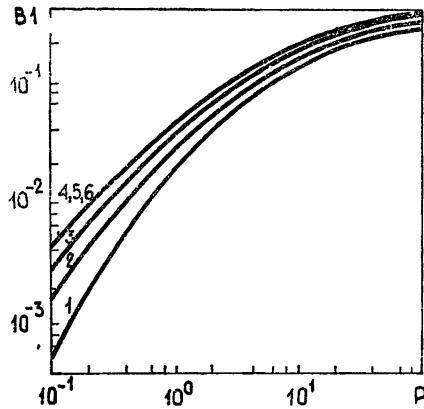


Рис. 1.

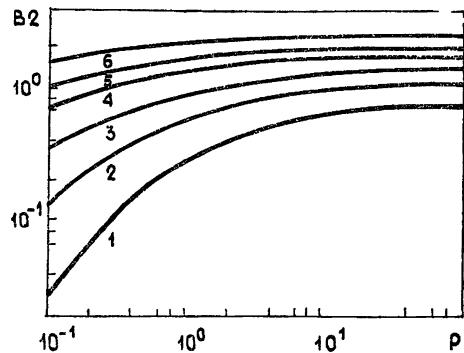


Рис. 2.

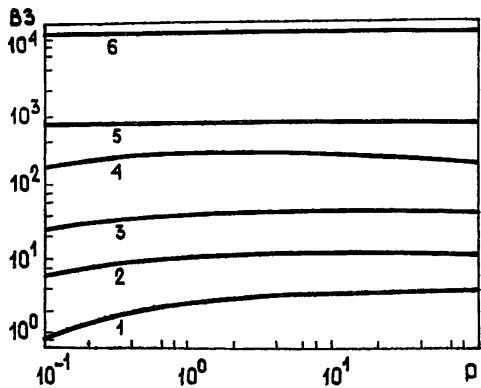


Рис. 3.

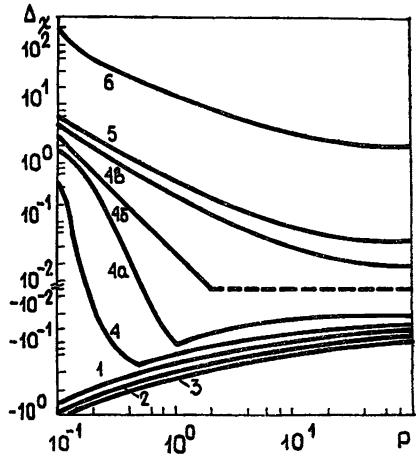


Рис. 4

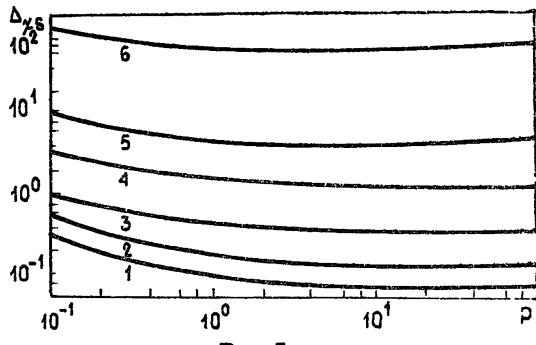


Рис. 5.

Выразив структурные постоянные  $C_n$ ,  $C_a$  и  $C_{na}$  через структурные постоянные флюктуаций температуры  $C_T$  и влажности  $C_q$  в результате вычислений, аналогичных [1, 2, 5], получим

$$\langle \chi^2 \rangle = \langle \chi^2 \rangle_0 (1 + \Delta_\chi),$$

где

$$\langle \chi^2 \rangle_0 = 0,033 \pi^2 k_0^{7/6} L^{11/6} B_1 \left[ C_T^2 \left( \frac{\partial n}{\partial T} \right)^3 + C_q^2 \left( \frac{\partial n}{\partial q} \right)^2 \right]$$

— дисперсия флюктуаций уровня амплитуды в отсутствие поглощений,

$$\Delta_x = \left\{ (B_3/B_1) \left[ C_T^2 \left( \frac{\partial \alpha}{\partial T} \right)^2 + C_q^2 \left( \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right)^2 \right] - (B_2/B_1) \left( C_T^2 \frac{\partial n}{\partial T} \cdot \frac{\partial \alpha}{\partial T} + C_q^2 \frac{\partial n}{\partial q} \frac{\partial \alpha}{\partial q} \right) \right\} \times \\ \times \left[ C_T^2 \left( \frac{\partial n}{\partial T} \right)^2 + C_q^2 \left( \frac{\partial n}{\partial q} \right)^2 \right]^{-1}$$

— относительные изменения дисперсии флюктуаций уровня амплитуды за счет поглощения.

Аналогичным образом определяются выражения для взаимной корреляции амплитуды и фазы  $\langle \chi S \rangle = \langle \chi S \rangle_0 (1 + \Delta_{\chi_S})$  и для флюктуаций фазы  $\langle S^2 \rangle = \langle S^2 \rangle_0 (1 + \Delta_S)$ . Для получения численных оценок использовались следующие значения [1, 2]:  $C_T = 0,1 \text{ К} \cdot \text{см}^{-1/3}$ ,  $C_q = 10^{-5} \text{ см}^{-1/3}$ . Величина  $\partial \alpha / \partial T$  бралась из расчетных данных [2], кроме того, как и в [2] использовались значения  $\partial n / \partial T = -1,2 \cdot 10^{-6} \text{ К}^{-1}$ ,  $\partial n / \partial q = 0,7 \cdot 10^{-2}$ .

Рассчитанные зависимости  $\Delta_x$  и  $\Delta_{\chi_S}$  представлены на рис. 4 а, б, в отвечают промежуточные значения  $\beta$ :  $1,5 \cdot 2^8, 2^9$  и  $1,5 \cdot 2^9$  соответственно. Отличие в абсолютных значениях от [5] особенно заметно при всех  $\beta > 1$  и малых  $p$  (ближняя зона), а также при больших  $\beta$  во всей области исследованных значений  $p$ . Взаимная амплитудно-фазовая корреляция, как это видно из рис. 5, также подвержена достаточно сильному влиянию поглощения, в то время как на флюктуациях фазы это практически не отражается ( $\Delta_S \ll 1$ ). В табл. 1 приведено сопоставление расчетных значений отношения  $d = \langle \chi_1^2 \rangle / \langle \chi_2^2 \rangle$  на двух частотах для случая плоской волны [2] —  $d_1$ , при учете направленности передающей антенны [5] —  $d_2$ , при учете направленности передающей и приемной антенн  $d_3$  и экспериментальной величины  $d_0$  [2].

Таблица 1

Длина трассы, $L$ , м	Высота трассы, $h$ , м	Частота, ГГц		Расчетные значения			Результаты эксперимента $d_0$
		$F_1$	$F_2$	$d_1$	$d_2$	$d_3$	
550	15	60,3	73,7	$0,83 \div 1,02$	$1,14 \div 1,77$	$1,69 \div 3,97$	$1,6 \div 3,6$
1700	30	60,3	69	$0,9 \div 1,1$	$1,33 \div 2,12$	$1,31 \div 2,44$	$1,4 \div 3,5$
820	26	60,3	73,7	$0,89 \div 1,24$	$1,56 \div 2,88$	$2,05 \div 5,26$	$2,6 \div 6,2$
820	26	64	73,7	$0,85 \div 0,87$	$0,88 \div 0,96$	$0,89 \div 1,09$	$0,96 \div 1,2$

Примеч в качестве внешнего масштаба турбулентности  $L_0 = \kappa_0^{-1}$  выбраны значения  $2h$  и  $4h$ , а отвечающие им расчетные значения расположены слева и справа от знака  $\div$  соответственно. За  $h$  приняты значения высоты середины трассы над подстилающей поверхностью. Диаметр приемной и передающей антенн —  $2a = 110$  см, температура  $T = 290$  К. Для большего соответствия наблюдаемым значениям  $C_T$  на высотах  $h \sim 20$  м [7] выбрано значение  $C_T = 0,2 \text{ К} \cdot \text{см}^{-1/3}$ . Небольшие отличия  $d_1$  и  $d_2$  от приведенных в [2, 5] значений связаны с неучетом там влажности  $q$  и зависимости  $\langle \chi^2 \rangle_0 \sim k_0^{7/6}$  от частоты.

Наши расчеты для условий эксперимента [8] ( $L = 4,1$  км,  $F_1 = 55,5$  ГГц,  $h = 50$  м,  $\partial \gamma / \partial T = -2,5 \cdot 10^{-2}$  дБ/км·К,  $a = 15$  см,  $p = 156$ ) приводят к значениям  $\Delta_x \sim 1,2$  при  $L_0 = 2h$  и  $\Delta_x \sim 3,9$  при  $L_0 = 4h$ , что достаточно хорошо коррелирует с половиной (9 из 19) наблюдавшихся в [8] экспериментальных значений  $\Delta_x \sim 1,17 \div 2,69$ . При  $L_0 = h/2 \div 2h$  получаем  $\Delta_x \sim 0,043 \div 1,2$ , что также согласуется с 7 из 10 остальных значений ( $0,11 \div 0,79$ ). Лишь значения  $\Delta_x = -0,2; -0,41; -0,44$  не укладываются в нашу схему расчетов и, по-видимому, обусловлены неоднородностью условий распространения по длине трассы, имевшей место именно в этих случаях.

Таким образом, сравнение с экспериментальными данными убедительно свидетельствует о существенной зависимости характера флюктуаций сигнала от направленности приемно-передающих антенных систем.

## ЛИТЕРАТУРА

- Гурвич А. С. — Радиотехника и электроника, 1968, 13, № 11, с. 1923.
- Шарапов Л. И., Брюховецкий А. С., Ваксер И. Х., Комяк В. А. — Изв. вузов — Радиофизика, 1973, 16, № 10, с. 1504.
- Lee R. W., Nagar J. C. — Proc. IEEE, 1969, 57, № 4, p. 375.
- Каневский М. Б. — Изв. вузов — Радиофизика, 1972, 15, № 12, с. 1939.
- Курбатова Р. И., Фукс И. М., Шарапов Л. И. — Изв. вузов — Радиофизика, 1986, 29, № 3, с. 237.
- Татарский В. И. Распространение волн в турбулентной атмосфере. — М: Наука, 1967. — 548 с.
- Алиев А. С. — Изв. АН СССР. — Сер. ФАО, 1981, 17, № 12, с. 1326.

УДК 551.521.3:551.576

## СРЕДНЕЕ ЗНАЧЕНИЕ ЯРКОСТИ ИЗЛУЧЕНИЯ, ОТРАЖЕННОГО ОТ НЕОДНОРОДНОЙ СТОХАСТИЧЕСКОЙ РАССЕИВАЮЩЕЙ СРЕДЫ С КРУПНОМАСШТАБНЫМИ НЕОДНОРОДНОСТЯМИ

A. H. Валентюк

В работах [1-5] были рассмотрены закономерности прохождения света через слой трехмерно-неоднородной стохастической среды. В данной работе в рамках квазиоднократного малоуглового приближения исследуется среднее значение интенсивности излучения, отраженного от такой среды.

Стохастическая реализация яркости излучения, отраженного от стохастического слоя с крупномасштабными неоднородностями, имеющими размеры, много большие ширины функции Грина уравнения переноса излучения, в рамках квазиоднократного малоуглового приближения записывается в виде

$$I(r; \Omega) = \int_{\mu}^s \frac{dz_1}{|\mu|} \sigma \left( \rho - \frac{\Omega_{\perp}}{|\mu|} z_{\Delta}; z_1; \Omega; \Omega_0 \right) E \left( \rho - \frac{\Omega_{\perp}}{|\mu|} z_{\Delta}; z_1; \Omega_0 \right) T(r; \Omega), \quad (1)$$

где  $I(r; \Omega)$  — яркость излучения в точке, определяемой радиусом-вектором  $r$  в направлении, задаваемом единичным вектором  $\Omega$ ,  $\{r\} = \{\rho, z\}$ ,  $\Omega_{\perp}$  — проекция  $\Omega$  на плоскость слоя,  $\mu$  — направляющий косинус вектора  $\Omega$  с осью  $z$ ,  $z_s$  — толщина слоя,  $z_{\Delta} = z_1 - z$ ,  $E(\rho, z; \Omega_0)$  — освещенность, создаваемая в точке  $r$  падающим излучением,  $\Omega_0$  — единичный вектор, определяющий направление освещения,  $T(r; \Omega)$  — стохастический коэффициент пропускания среды,  $\sigma(\rho, z; \Omega, \Omega_0)$  — показатель направленного светорассеяния среды. Выражения для функций  $E(\rho, z, \Omega_0)$  и  $T(r; \Omega)$  следуют из [5]:

$$E \left( \rho - \frac{\Omega_{\perp}}{|\mu|} z_{\Delta}; z_1; \Omega_0 \right) = E_0 \exp \left[ - \int_0^{z_1} k^*(r_{eu}) \frac{du}{\mu_0} \right],$$

$$T(r; \Omega) = \exp \left[ - \int_z^{z_1} k^*(r_{ou}) \frac{du}{|\mu|} \right],$$

где  $E_0$  — освещенность, создаваемая падающим излучением на верхней плоскости слоя,  $\mu_0$  — направляющий косинус вектора  $\Omega_0$  с перпендикулярной поверхности слоя осью  $z$ ,  $k^*(r)$  — эффективный показатель поглощения света в точке  $r$  среды,

$$\{r_{eu}\} = \left\{ \rho - \frac{\Omega_{\perp}}{|\mu|} z_{\Delta} - \frac{\Omega_{\perp} \rho}{\mu_0} (z_1 - u); u \right\}, \quad \{r_{ou}\} = \left\{ \rho - \frac{\Omega_{\perp}}{|\mu|} (u - z); u \right\}.$$

Эффективный показатель поглощения света  $k^*(r)$  связан с показателями поглощения и рассеяния света  $k(r)$  и  $\sigma(r)$  соотношением  $k^*(r) = k(r) + \sigma(r)\Phi(r)$ , где  $\Phi(r)$  — параметр, равный для тонких слоев доли света, рассеиваемой назад в однократном акте рассеяния.

Среднее значение яркости излучения, отраженного от среды, записывается в виде

$$\langle I(r; \Omega) \rangle = E_0 \int_z^s \frac{dz_1}{|\mu|} U_0(z_1), \quad (2)$$

где

$$U_0(z_1) = \left\langle \sigma \left( \rho - \frac{\Omega_{\perp}}{|\mu|} z_{\Delta}; z_1; \Omega; \Omega_0 \right) e^{-\Psi(r)} \right\rangle; \quad (3)$$

$$\Psi(r) = \int_0^{z_1} k^*(r_{eu}) \frac{du}{\mu_0} + \int_z^{z_1} k^*(r_{ou}) \frac{du}{|\mu|}. \quad (4)$$