

# ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫЕ ВОЛНЫ $E$ -ТИПА В ЭЛЕКТРОННОЙ ЖИДКОСТИ ТОНКИХ НЕОДНОРОДНЫХ ПЛЕНОК

Р. П. Мейланов, Д. М. Рахимов

Неидеальность структуры тонких пленок существенно влияет на условия возбуждения, распространения и обнаружения электромагнитных волн, приводя к перенормировке и затуханию колебаний [4–6]. В [4] исследован спектр электромагнитных волн тонких неоднородных пленок в условиях размерного квантования без учета ферми-жидкостного взаимодействия. Между тем учет ферми-жидкостного взаимодействия важен при выяснении реальной возможности экспериментального обнаружения волн [5].

Настоящее сообщение является продолжением работы [4] и посвящено исследованию влияния неидеальности структуры тонкой пленки на спектр волн  $E$ -типа [6] с учетом ферми-жидкостного взаимодействия.

Выбор модели и исходные соотношения даются выражениями (1)–(7) работы [4]. Для  $E$ -волны матричный элемент  $\delta\epsilon_{rs}$  энергии взаимодействия частицы с полем волны имеет вид

$$\delta\epsilon_{rs}(\mathbf{p}, k, \Omega) = -\frac{e}{mc} p_y A_{rs}^y(k, \Omega) + \sum_{l,n} \int \frac{dp'}{(2\pi\hbar)^2} F_{rs}^{ln}(\mathbf{p}, \mathbf{p}') \delta f_{ln}(\mathbf{p}', k, \Omega),$$

где  $\mathbf{p}$ —двумерный квазимпульс;  $\Omega, k$ —частота и волновой вектор поля возмущения;  $e, m$ —заряд и масса электрона;  $c$ —скорость света;  $A_{rs}^y$ —матричный элемент  $y$ -компоненты векторного потенциала поля возмущения;  $F_{rs}^{ln}$ —ферми-жидкостные параметры;  $\delta f_{ln}$ —матричный элемент возмущенной функции распределения квазичастиц.

В разложении функции  $F_{rs}^{ln}$  по полиномам Лежандра ограничимся первыми двумя членами:

$$F_{rs}^{ln}(\mathbf{p}, \mathbf{p}') = F_{rs}^{(0)ln} + F_{rs}^{(1)ln} \cos(\theta - \theta'),$$

где  $\theta$ —угол между  $\mathbf{p}$  и осью  $0x$ , вдоль которой распространяется волна.

Решая совместно кинетические уравнения и уравнения Максвелла, получим замкнутую систему уравнений для величин

$$\delta f_{rs}^y(k, \Omega) = \int \frac{dp}{(2\pi\hbar)^2} p_y \delta f_{rs}(\mathbf{p}, k, \Omega), \quad \delta f_{rs}^{(0)}(k, \Omega) = \int \frac{dp}{(2\pi\hbar)^2} \sin \theta \delta f_{rs}(\mathbf{p}, k, \Omega).$$

Дисперсионное уравнение имеет вид двумерной матрицы  $\|D_{ij}\| = 0$ .

Для выяснения условий, при которых ферми-жидкостное взаимодействие играет главную роль, а прямым электромагнитным взаимодействием между частицами можно пренебречь, рассмотрим приближенное уравнение

$$1 - F_{rs}^{(1)} \Pi_{rs}(\sin^2 \theta) - \int dk' \frac{T_{rs}(k, k', \Omega)}{\Delta_{rs}(k', \Omega)} S(k - k') = 0, \quad (1)$$

где  $\Pi_{rs}$  и  $T_{rs}$ —поляризационные операторы,  $S(k)$ —спектральная функция коррелятора случайно-неоднородного потенциала  $K(|x-x'|) = \langle V(x)V(x') \rangle$ .

Дисперсионное уравнение для однородной пленки имеет вид [5]  $\Delta(k, \Omega) = 0$ , и его решение дается выражением

$$\Omega_{rs}^{(0)}(k) = \omega_{rs} \left[ 1 + \frac{m F_{rs}^{(1)}}{2\pi\hbar^2} \left( 1 + \frac{k^2(p_r^2 + p_s^2)}{8m^2 \omega_{rs}^2 (m F_{rs}^{(1)} / 2\pi\hbar^2)^2} \right) \right].$$

При решении модифицированного дисперсионного уравнения (1) необходимо явно задавать вид функции  $S(k)$ . Так как мнимая часть решения оказывается пропорциональной величине  $S(k)/k$ , то для конечности затухания нами выбрана следующая корреляционная функция и соответствующая ей спектральная функция:

$$K(|x-x'|) = w^2 (1 - k_0^2 |x-x'|^2) \exp(-|x-x'|^2/k_0^2), \quad S(k) = \frac{w^2}{4k_0 \sqrt{\pi}} \frac{k^2}{k_0^2} \exp(-k^2/k_0^2),$$

где  $k_0$ —характерное волновое число,  $w$ —среднеквадратичная флуктуация неоднородного потенциала.

Решение уравнения (1) в высокочастотном приближении имеет вид ( $\Omega_{rs} = \Omega_{rs}' + i\Omega_{rs}''$ )

$$\Omega_{rs}'(k) = \Omega_{rs}^{(0)}(k) + 2\pi^4 \left( \frac{w}{\epsilon_1} \right)^2 \omega_{rs} A \xi \left( \frac{m F_{rs}^{(1)}}{2\pi\hbar^2} \right)^2 \left( \frac{\omega_{rs}}{k_0 v} \right)^2 \left( 1 - 2 \frac{k}{k_0} F \left( \frac{k}{k_0} \right) \right); \quad (2)$$

$$\Omega''_{rs}(k) = -2\pi^{9/2} \left(\frac{w}{\epsilon_1}\right)^2 \omega_{rs} A \xi \left(\frac{mF_{rs}^{(1)}}{2\pi\hbar^2}\right)^2 \frac{k}{k_0} \exp(-k^2/k_0^2). \quad (3)$$

Здесь  $\xi = \bar{\lambda}/L$  ( $\bar{\lambda} = \lambda/2\pi$ ),  $\bar{\lambda}$  — комптоновская длина волн электрона,  $L$  — толщина пленки,  $\epsilon_1$  — энергия первой подзоны,  $F(k)$  — интеграл Досона [7];  $A = [(L/\delta)^2 + (r-s)^2\pi^2]^{-1}$ ,  $\delta$  — толщина скин-слоя.

Как известно [5], без учета ферми-жидкостного взаимодействия в случае однородной пленки отличие предельных частот от резонансных было крайне малым:  $\Omega - \omega_{rs} \approx \alpha^2 \omega_{rs}$ ,  $\alpha$  — постоянная тонкой структуры. Учет ферми-жидкостного взаимодействия дает  $\Omega - \omega_{rs} \approx (mF_{rs}^{(1)}/\hbar^2)\omega_{rs}$  и при выполнении неравенства  $mF_{rs}^{(1)}/\pi\hbar^2 \gg \alpha^2$  делает более реальным экспериментальное обнаружение влияния рассматриваемых волн в особенностях коэффициента прохождения электромагнитных волн через разменно-квантованную пленку.

В рассматриваемом случае перенормировка и затухание волны без ферми-жидкостного взаимодействия имеют порядок  $(w/\epsilon_1)^2 \xi^3$ , а при учете ферми-жидкостного взаимодействия —  $(w/\epsilon_1)^2 (mF_{rs}^{(1)}/\hbar^2)^2 \xi$ . Таким образом, при выполнении неравенства  $(mF_{rs}^{(1)}/\hbar^2) \gg \xi$  перенормировка дисперсии и затухания волны может стать значительной и экспериментально наблюдаемой.

В заключение отметим, что в области волнового вектора  $k \sim k_0/\sqrt{2}$  затухание волны достигает максимального значения. При тех же  $k \sim k_0/\sqrt{2}$  интеграл Досона также имеет максимум, что проявляется на дисперсионной кривой (2).

## ЛИТЕРАТУРА

1. Баскин Э. М., Энтин В. М. — ФТП, 1970, 4, с. 1973.
2. Абрамович Б. С., Игнатов А. А. — Изв. вузов — Радиофизика, 1976, 19, № 2, с. 224.
3. Чаплик А. В., Энтин В. М. — ЖЭТФ, 1968, 55, с. 990.
4. Мейланов Р. П. — Изв. вузов — Радиофизика, 1985, 28, № 1, с. 116.
5. Зеленин С. П., Кондратьев А. С., Кучма А. М. — Вестник ЛГУ, 1982, № 10, с. 24.
6. Кацнельсон М. И., Окулов В. И. — ФММ, 1978, 46, с. 217.
7. Справочник по специальным функциям / Под ред. М. Абрамовича и И. Стигана. — М.: Наука, 1979. — 830 с.

Институт Физики  
Дагестанского филиала АН СССР

Поступила в редакцию  
30 декабря 1986 г.

## ВНИМАНИЮ АВТОРОВ!

Всесоюзное агентство по авторским правам (ВААП) сообщает, что в 1987 г. агентство производит выплату авторского гонорара за перепечатку за рубежом статей, опубликованных в журнале «Радиофизика» в 1983 и 1984 гг. Гонорар, поступивший за право перепечатки, выплачивается по желанию авторов в рублях или чеках Внешпосылторга.

Для получения гонорара автору необходимо оформить справку-заявление и направить ее на расчет по адресу:

103670 г. Москва, ул. Б. Бронная, 6-а, Валютное управление ВААП.

Справки-заявления на выплату гонорара по журналу 1983 г. издания принимаются до 1 декабря 1987 г., а по журналу 1984 г. — до 1 июля 1988 г. Выплата гонорара по журналу 1984 г. издания будет производиться начиная с июля 1987 г.

По истечении установленных сроков выплаты гонорара невостребованные суммы списываются в доход госбюджета и автор теряет право на получение гонорара.