

асимметрии в помеховом воздействии ( $\kappa_1^{\xi} \neq 0$ ) выходное распределение также становится асимметричным. Графики зависимостей для симметричного  $\kappa_1^{\xi} = 0$  (рис. 2) и несимметричного  $\kappa_1^{\xi} = 0,6$  (рис. 3) воздействий иллюстрируют влияние параметра  $\gamma/\Delta$  на вид выходного распределения. Видно, чем больше отношение суммы интенсивностей управляющих потоков  $\gamma$  к полосе удержания  $\Delta$ , тем заметнее переход от бимодального распределения к одномодальному. Этот эффект свидетельствует о проявляющейся тенденции к нормализации выходного процесса. На рис. 4 отражено влияние отношения сигнал/помеха на характер выходного распределения. Чем меньше это отношение, тем более «расплывается» выходная плотность.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Казаков В. А. Изв. вузов — Радиофизика, 1987, 30, № 11, с. 1309.
2. Тихонов В. И., Миронов М. А. Марковские процессы. — М.: Сов. радио, 1977. — 488 с.
3. Казаков В. А. Введение в теорию марковских процессов и некоторые радиотехнические задачи. — М.: Сов. радио, 1973. — 242 с.
4. Pawula R. F. — Trans. IEEE, 1967, IT-13, № 1, p. 33.
5. Mazo J. E., Salz J. — Trans. IEEE, 1970, IT-16, № 4.
6. Бердников А. А. — Изв. вузов — Радиофизика, 1980, 23, № 8, с. 998.
7. Миронов М. А. — Радиотехника, 1980, 35, № 7, с. 70.
8. Кляцкин В. И. Стохастические уравнения и волны в случайно-неоднородных средах. — М.: Наука, 1980. — 336 с.
9. Шапиро В. Е., Логинов В. М. Динамические системы при случайных воздействиях. — Новосибирск: Наука, 1983. — 160 с.
10. Стратонович Р. Л. Избранные вопросы теории флуктуаций в радиотехнике. — М.: Сов. радио, 1961. — 558 с.
11. Тихонов В. И. Статистическая радиотехника. — М.: Сов. радио, 1966. — 678 с.
12. Бочков Г. Н., Дубков А. А., Шалфеев В. Д. Сб. трудов школы молодых ученых и специалистов по стабилизации частоты. — Нальчик, 1980, с. 124.

Рязанский радиотехнический институт

Поступила в редакцию  
9 января 1986 г.

УДК 537.874.6

## БЛИЖНЕЕ ПОЛЕ ДИФРАКЦИИ ПЛОСКОЙ $E$ -ПОЛЯРИЗОВАННОЙ ВОЛНЫ НА ПЕРИОДИЧЕСКОЙ РЕШЕТКЕ ИЗ КОАКСИАЛЬНЫХ ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ЦИЛИНДРОВ

Ф. Г. Богданов, Г. Ш. Кеванишвили, М. Н. Чихладзе

Исследование полей дифракции в ближней зоне дает уникальную информацию о свойствах дифрагирующих тел и о ходе дифракционного процесса [1-3].

Немалый интерес представляет исследование ближнего поля дифракции на периодических решетках, поскольку они находят широкое применение в физике и технике [2].

В настоящей работе на базе алгоритмизированной задачи [4] исследуется ближнее поле дифракции плоской  $E$ -поляризованной волны на периодической решетке из коаксиальных диэлектрических цилиндров (рис. 1). Здесь  $d$  — период решетки,  $\nu$  — номер цилиндра в решетке,  $a$  и  $b$  — радиусы коаксиальных цилиндров,  $\epsilon_1$  и  $\epsilon_2$  — их диэлектрические проницаемости,  $\theta$  — угол падения волны.

В [4] показано, что полное поле, возникающее в пространстве в результате дифракции плоской  $E$ -поляризованной волны на данной структуре, полностью определяется составляющей электрического поля, для которой справедливы разложения

$$E_{z1} = \exp[ik(x \cos \theta + y \sin \theta)] + \quad (1)$$

$$+ \sum_{\nu=-\infty}^{\infty} \sum_{m=-\infty}^{\infty} X_m H_m^{(2)}(kr_{\nu}) \exp(ik\nu d \sin \theta + im\varphi_{\nu}) \quad (r_{\nu} \geq a);$$

$$E_{z2}^{(\nu)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} [G_m J_m(k_1 r_{\nu}) + D_m N_m(k_1 r_{\nu})] \exp(ik\nu d \sin \theta + im\varphi_{\nu}) \quad (b < r_{\nu} < a); \quad (2)$$

$$E_{z3}^{(\nu)} = \sum_{m=-\infty}^{\infty} M_m J_m(k_2 r_{\nu}) \exp(ik\nu d \sin \theta + im\varphi_{\nu}) \quad (0 < r_{\nu} \leq b); \quad (3)$$

где  $J_m(x)$ ,  $N_m(x)$ ,  $H_m^{(2)}(x)$  — функции Бесселя, Неймана и Ханкеля  $m$ -го порядка,  $k = \omega \sqrt{\epsilon_0 \mu_0}$  — волновое число свободного пространства,  $k_1 = \omega \sqrt{\epsilon_1 \mu_0}$  и  $k_2 = \omega \sqrt{\epsilon_2 \mu_0}$  — волновые числа заполнения,  $r_\nu$  и  $\varphi_\nu$  — полярные координаты точки наблюдения  $M$  в координатах  $\nu$ -го цилиндра,  $X_m$ ,  $C_m$ ,  $D_m$  и  $M_m$  — мультипольные коэффициенты, являющиеся решениями соответствующей граничной задачи.

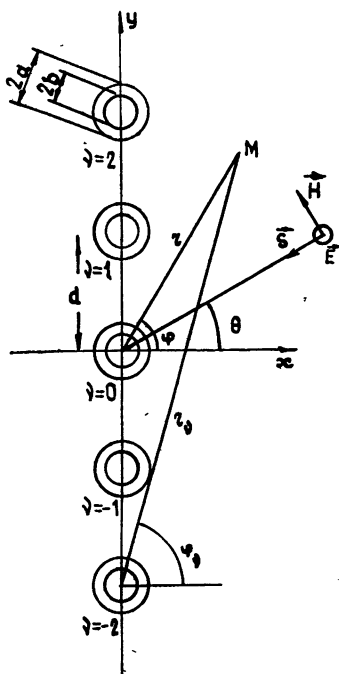


Рис. 1. Периодическая решетка из коаксиальных цилиндров в сечении  $z = \text{const}$ .

Для исследования дифракционного процесса на рис. 2 и 3 с помощью формул (1)–(3) построены картины линий равных амплитуд и фаз полного электрического поля дифрагированной волны на периоде решетки, выполненные при различных параметрах задачи (рис. 2 соответствует нерезонансному случаю при различных углах падения, а рис. 3 — резонансным случаям полного прохождения и полного отражения).

Границы заполнения выделены круговыми контурами. Линиям равных фаз сопоставлены их значения, а линиям равных амплитуд — их номера в порядке возрастания амплитуды. На рисунках отмечены также локальные экстремумы амплитуды.

Из анализа приведенных распределений следует, что наличие решетки приводит к несимметрии амплитудных и фазовых характеристик поля в ближней зоне вдоль периода решетки. Этот анализ позволяет сделать следующие выводы.

1) Линии равных амплитуд и фаз сгущаются внутри диэлектрика. В диэлектрике или вблизи него расположены локальные максимумы поля. Диэлектрик, таким образом, является ловушкой

концентрации поля усиливается с увеличением угла падения  $\theta$ . Так, при параметрах рис. 2 для  $\theta = 0^\circ$  максимум амплитуды поля  $A_{\text{max}} = 1,2$ ; для  $\theta = 30^\circ$   $A_{\text{max}} = 1,3$ ; для  $\theta = 60^\circ$   $A_{\text{max}} = 1,9$ .

2) Максимумы амплитуды поля, как правило, располагаются в теневой части цилиндров. Цилиндры, по-видимому, обладают фокусирующим действием по отношению к падающей волне.

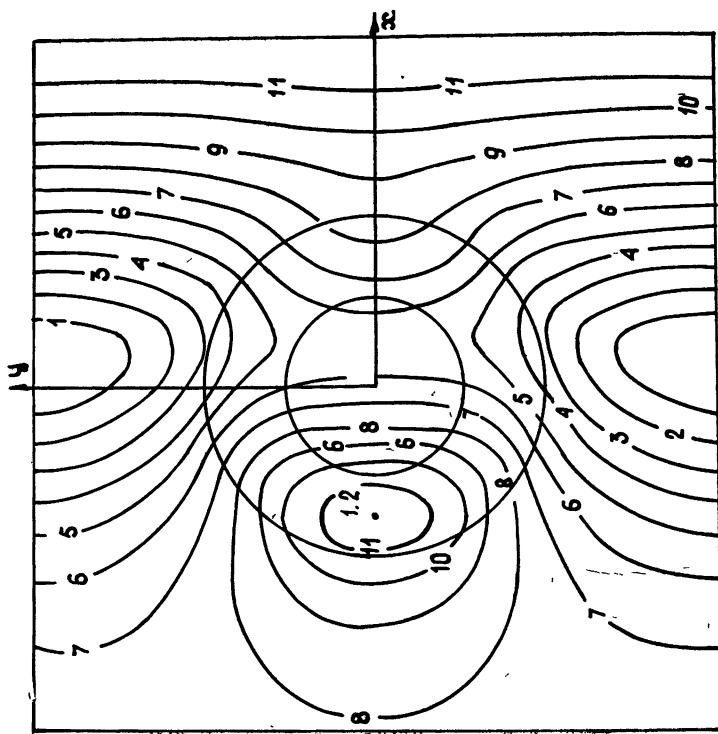
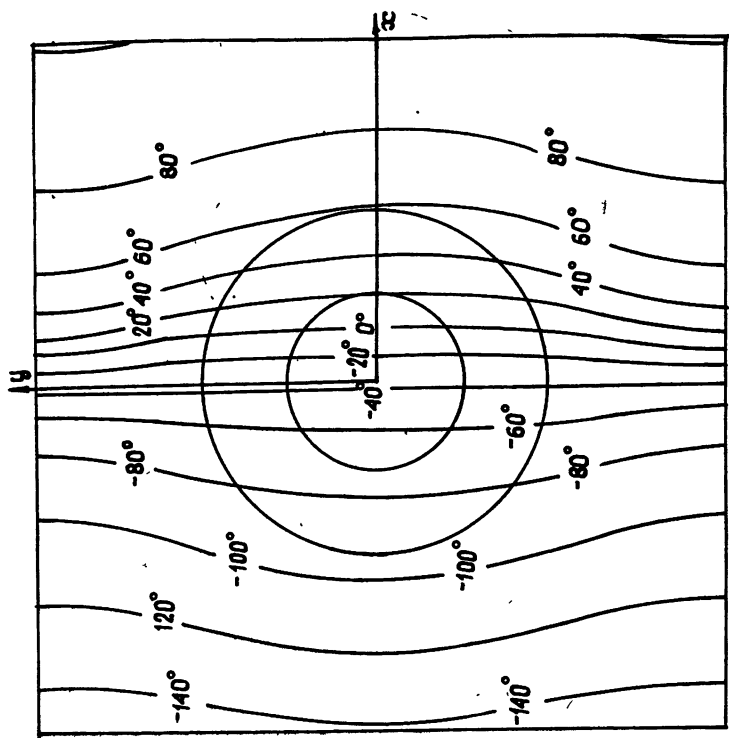
3) Искривление линий равных амплитуд и фаз тем больше, чем больше диэлектрическая проницаемость заполнения. Увеличением проницаемости диэлектрика можно добиться усиления наблюдаемых эффектов.

4) Распределение поля симметрично при нормальном падении (рис. 2а, 3а, б) и асимметрично при наклонном падении (рис. 2б, в) падающей волны. Внутри цилиндров могут реализоваться не только максимумы, но и минимумы амплитуды поля (рис. 2в, 3б).

5) При достаточно больших электрических размерах цилиндров в ближней зоне возникают узлы амплитуд и фаз поля (рис. 2б, в, 3а, б). В этих точках образуются вихри энергии поля и инверсия фаз: энергия вращается по замкнутому пути, не проникая через решетку. Энергия при этом движется через решетку по суженным каналам.

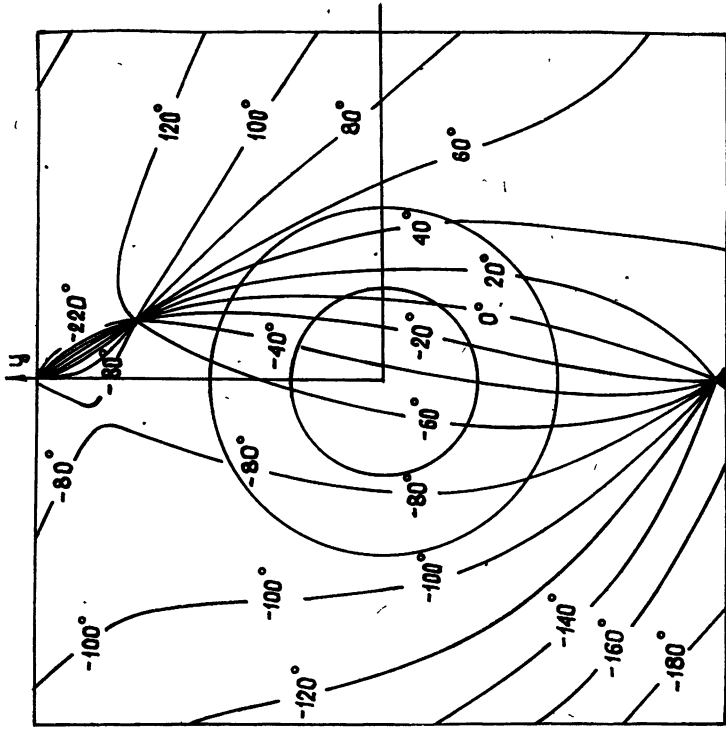
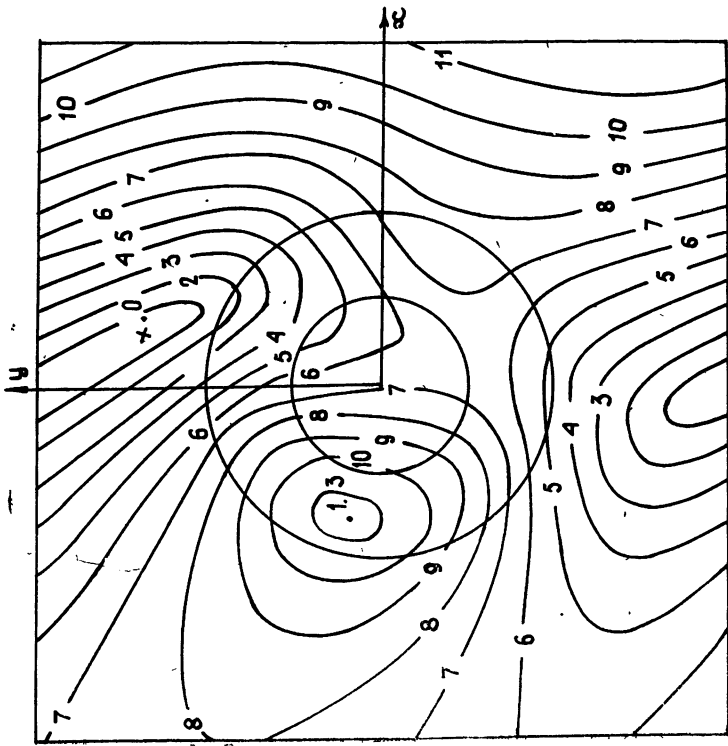
6) В точках полного прохождения (рис. 3а) реализуется полная симметрия поля вдоль направления распространения. При этом возникают максимумы амплитуды как в теневой, так и в передней части цилиндров. Внутри цилиндров при этом, по-видимому, формируется поле «шепчущей галереи».

7) При полном отражении (рис. 3б) в передней части цилиндров и вне их возникает протяженный минимум электрического поля, с которым связан пучок линий фаз. Фаза поля меняется при его пересечении на противоположную, а энергия закручивается в гигантский вихрь, охватывающий весь период решетки. Фаза поля почти не меняется вдоль решетки, что означает весьма малую скорость движения энергии: поле пульсирует без движения, отражая всю энергию обратно, в сторону падающей волны. В теневой части цилиндров возникает максимум электрического поля, которое медленно спадает за пределами цилиндров до нуля.



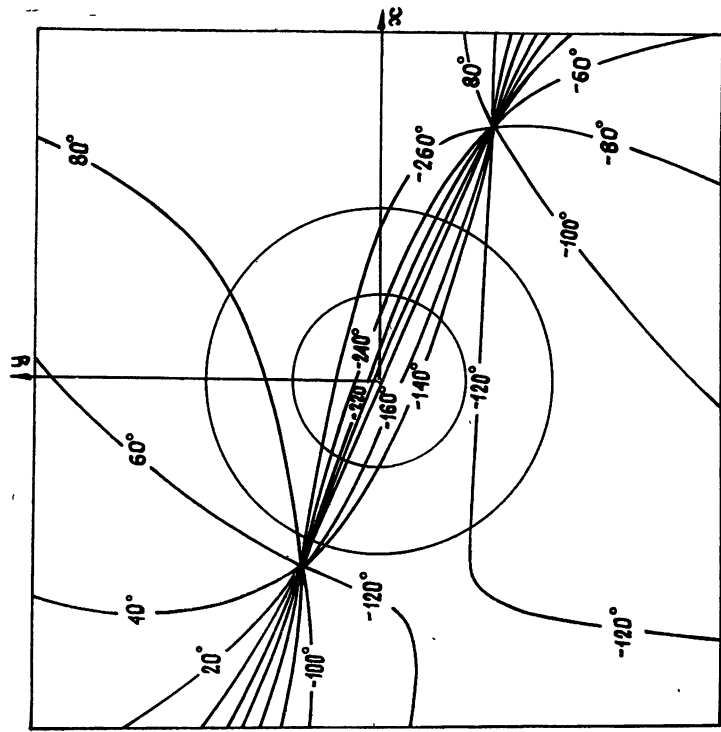
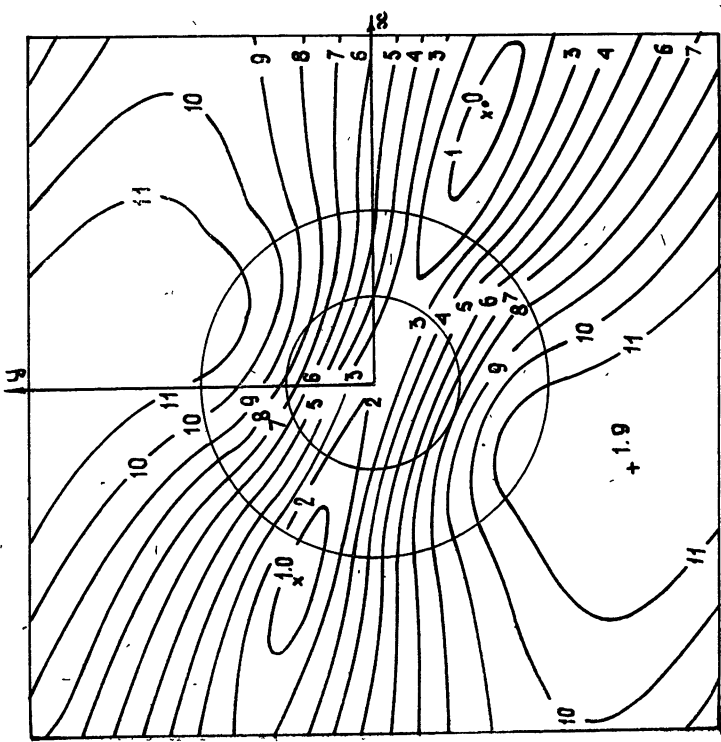
а)

Рис. 2. Картина линий равных амплитуд и фаз электрического поля на периоде решетки при различных углах падения  $\theta$  и параметрах  $d/\lambda=0,5$ ,  $2a/d=0,5$ ,  $b/a=0,5$ ,  $\epsilon_{r1}=5,4$ ,  $\epsilon_{r2}=2,1$ : а)  $\theta=0$ .



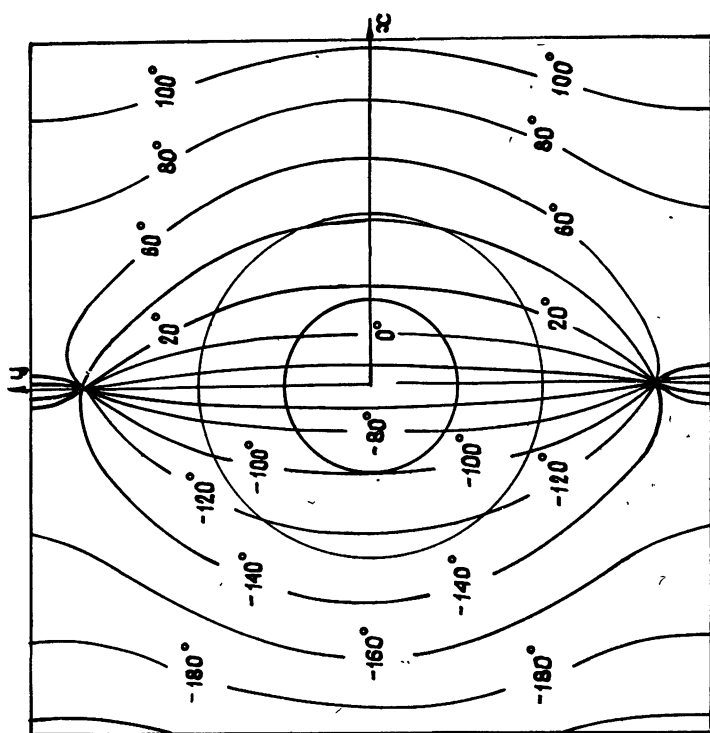
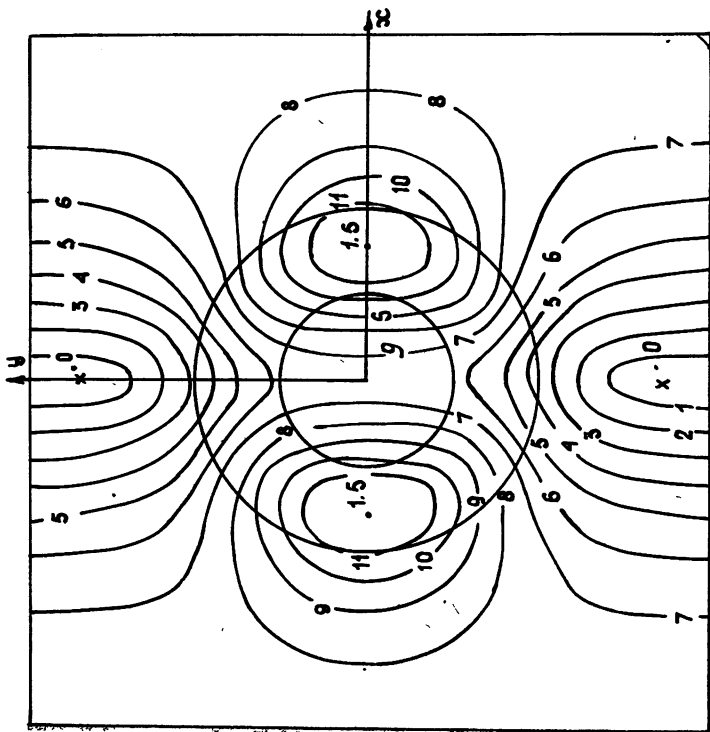
б)

Рис. 2. Картина линий равных амплитуд и фаз электрического поля на периоде решетки при различных углах падения  $\theta$  и параметрах  $d/\lambda=0,5$ ,  $2a/d=0,5$ ,  $b/a=0,5$ ,  $\epsilon_1=5,4$ ,  $\epsilon_2=2,1$ ; б)  $\theta=30^\circ$ .



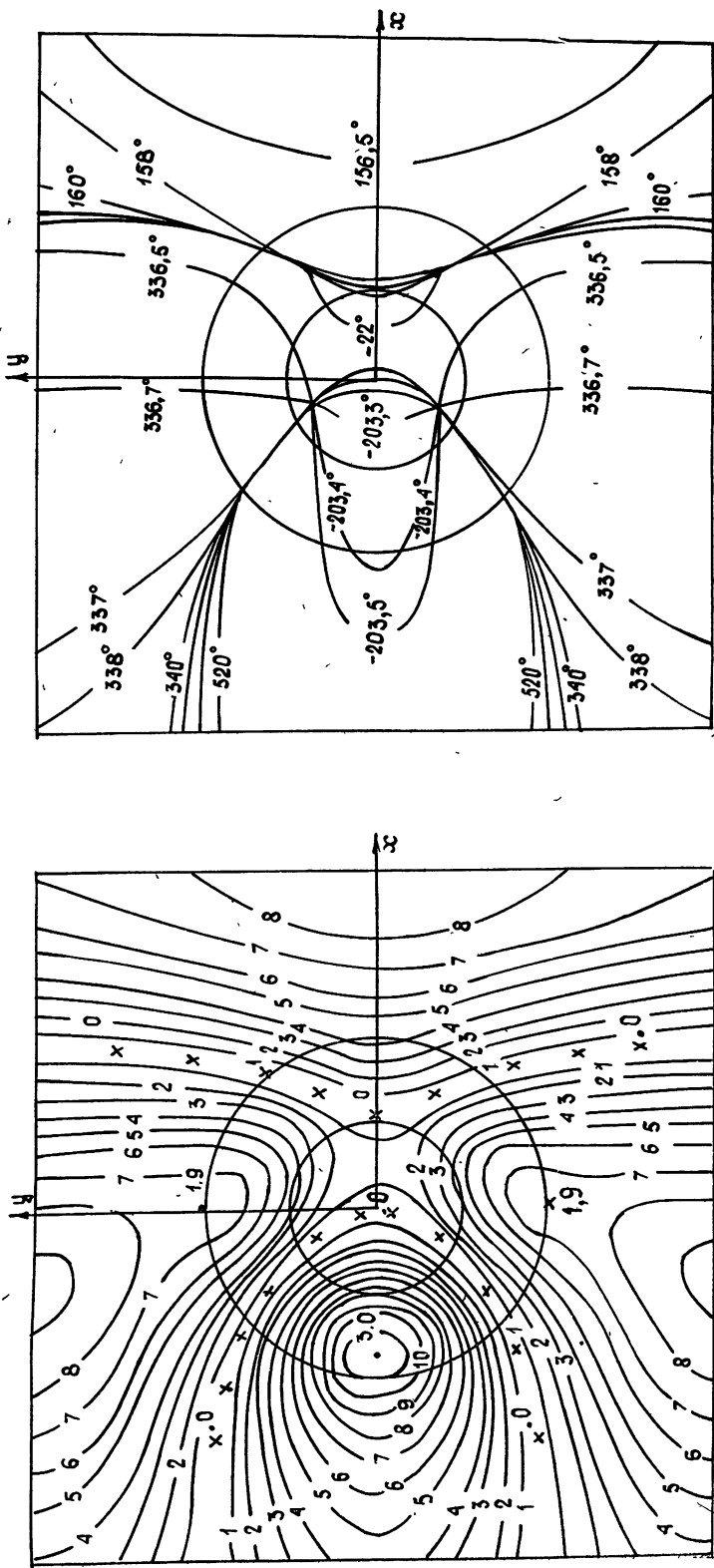
б)

Рис. 2. Картина линий равных амплитуд и фаз электрического поля на периоде решетки при различных углах падения  $\theta$  и параметрах  $d/\lambda=0,5$ ,  $2a/d=0,5$ ,  $b/a=0,5$ ,  $\epsilon_1=5,4$ ,  $\epsilon_2=2,1$ ; в)  $\theta=60^\circ$ .



а)

Рис. 3. Картина линий равных амплитуд и фаз электрического поля на периоде решетки в резонансных точках при параметрах  $\theta = 0$ ,  $2a/d = 0.5$ ,  $b/a = 0.5$ ,  $\epsilon_1 = 5.4$ ,  $\epsilon_2 = 2.1$ ; а)  $d/\lambda = 0.62$ .



б)

Рис. 3. Картина линий равных амплитуд и фаз электрического поля на периоде решетки в резонансных точках при параметрах  $\theta=0$ ,  $2a/d=0.5$ ,  $b/a=0.5$ ,  $\epsilon_{r1}=5.4$ ,  $\epsilon_{r2}=2.1$ ; б)  $d/\lambda=0.87$ .

1. Борн М, Вольф Э Основы оптики. — М: Наука, 1970
2. Шестопапов В. П., Литвиненко Л. Н., Масалов С. А., Сологуб В. Г. Дифракция волн на решетках. — Харьков. Гос ун-т, 1973.
3. Богданов Ф. Г., Кеванишвили Г. Ш. — Радиотехника и электроника, 1983, 28, с. 1432.
4. Богданов Ф. Г., Кеванишвили Г. Ш., Чихладзе М. Н., Чихладзе Г. Г. Доклады IX Всесоюзного симпозиума по дифракции и распространению волн — Тбилиси, 1985, 2, с. 216

Грузинский политехнический институт

Поступила в редакцию 21 июля 1986 г.

УДК 621.372.512.3

## ИМПУЛЬСНЫЙ РЕЖИМ ВОЗБУЖДЕНИЯ СВЕРХПРОВОДЯЩИХ РЕЗОНАТОРОВ В ФОРМИРОВАТЕЛЯХ СВЧ ИМПУЛЬСОВ

С. А. Новиков, С. В. Разин, Ю. Г. Юшков

Формирователи СВЧ-импульсов, основанные на временной компрессии энергии электромагнитных колебаний, имеют выходную импульсную мощность, на 20÷70 дБ превышающую мощность СВЧ генератора накачки [1,2]. Наибольшее усиление достигается при использовании сверхпроводящих накопительных объемов с собственной добротностью  $Q_0 = 10^9 \div 10^{10}$ . Общий кпд зависит от эффективности накачки резонатора и потерь энергии в криогенной системе на его охлаждение.

Эффективностью накачки  $\eta$  является отношение энергии поля в резонаторе  $W_n$  к энергии возбуждающего поля. Для длительности импульса генератора  $t_n$  величина  $\eta$  может быть представлена в виде [3]

$$\eta = \frac{2\beta}{\beta + 1} \frac{(1 - e^{-\tau})^2}{\tau} \quad (1)$$

где  $\beta$  — коэффициент связи,  $\tau = t_n/\tau_c$ ,  $\tau_c$  — постоянная времени, равная  $\tau_c = 2Q_0/\omega(1 + \beta)$ ,  $Q_0$  — собственная добротность,  $\omega$  — круговая частота электромагнитного поля.

Потери энергии в криогенной системе на охлаждение резонатора непосредственно связаны с омическими потерями в стенках резонатора. Они вызывают существенное уменьшение общего кпд формирователя, особенно при высоком уровне средней выходной мощности.

В данной работе оптимизируется режим работы при импульсном возбуждении СВЧ накопителя, а именно, определяются  $\beta$  и  $t_n$ , соответствующие максимальному кпд, для заданных  $Q_0$  и  $W_n$ . Приводятся построенные в универсальном параметрическом виде графики соответствующих зависимостей для широкого диапазона соотношений импульсной мощности генератора  $P_T$  и величины  $W_n$ .

Очевидно, что один и тот же уровень  $W_n$  можно получить при различных  $P_T$ ,  $\beta$  и  $t_n$ . Целесообразно ввести безразмерную величину  $\alpha = W_n/(\tau_0 P_T)$ , где  $\tau_0 = Q_0/\omega$ , характеризующую соотношение между энергетическими параметрами и собственной добротностью  $Q_0$ . В зависимости от их значений будет изменяться длительность импульса генератора, которую можно получить из выражения (1):

$$\frac{t_n}{\tau_0} = - \frac{2}{1 + \beta} \ln \left( 1 - \frac{1 + \beta}{2\sqrt{\alpha}} \sqrt{\alpha} \right) \quad (2)$$

Расчет для постоянной  $\alpha$  показывает, что зависимости  $\eta(\beta)$  и  $t_n(\beta)$  имеют экстремумы при одинаковых  $\beta$ . Максимальному  $\eta$  соответствует минимальное  $t_n$ , так как при постоянной  $\alpha$  это равнозначно минимальной энергии возбуждающего импульса. Значения  $t_n$  и  $\beta$ , соответствующие экстремумам, являются оптимальными. На рис. 1 приведены графики зависимости оптимальных  $\beta$ ,  $t_n/\tau_0$ ,  $\eta$ , рассчитанных при  $\alpha$ , взятой в качестве независимой переменной. Графики позволяют выбрать режим, обеспечивающий максимальную эффективность накачки резонатора. Заметим, что при  $\alpha < 10^{-1}$  эффективность остается практически постоянной,  $\eta \approx 0,8$ .

Для более полного учета энергетических затрат рассмотрим потери в стенках резонатора  $W_p$  и потери на отражение  $W_{отр}$  в течение длительности одного импульса  $t_n$ . Анализ переходного процесса приводит к следующим выражениям:

$$\frac{W_p}{t_n P_T} = \frac{4\beta}{(1 + \beta)^2} \left[ 1 - \frac{1}{\gamma} ((1 - e^{-\tau}) + \frac{1}{2} (1 - e^{-\tau})^2) \right]; \quad (3)$$