

локальных цугов флюктуаций. Последнее не противоречит форме спектра  $\Phi_N(x_\perp)$ , приведенной в настоящей работе.

Авторы выражают благодарность Н. А. Юлиновой, Н. Н. Новиковой за помощь при обработке данных эксперимента.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Bowhill S. A. — Radio Sci., 1974, 9, № 11, p. 975.
2. Ерухимов Л. М., Митякова Э. Е., Мясников Е. Н. и др. — Изв. вузов — Радиофизика, 1977, 20, № 12, с. 1814.
3. Ерухимов Л. М., Ковалев В. И., Лернер А. М. и др. — Изв. вузов — Радиофизика, 1979, 22, № 10, с. 1278.
4. Basu San, Basu S., Ganguly S., Gordon W. E. — J. Geophys. Res., 1983, 88, № A 11, p. 9217.
5. Livingston R. C. — Radio Sci., 1983, 18, p. 253.
6. Duncan L. M., Behnke R. A. — Phys. Rev. Lett., 1978, 41, p. 998.
7. Ерухимов Л. М., Метелев С. А., Митякова Э. Е. и др. — В сб.: Тепловые нелинейные явления в плазме. — Горький, ИПФ АН СССР, 1979, с. 7.

Научно-исследовательский  
радиофизический институт

Поступила в редакцию  
26 августа 1985 г.

621. 396. 24

## ОБ ОДНОМ СПОСОБЕ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ФОРМЫ ОТРАЖАЮЩЕЙ ПОВЕРХНОСТИ

B. C. Белей, B. Г. Галушки, Ю. М. Ямпольский

В настоящее время в задачах дистанционного зондирования окружающей среды широко используются различные радиометоды. В данной работе рассмотрена возможность определения формы отражающей поверхности по результатам синхронных измерений углов прихода и доплеровского смещения частоты отраженной волны при наклонном распространении сигнала.

Задача решается в следующей постановке. Корреспондирующие пункты — приемник (точка  $O$ ) и передатчик (точка  $B$ ) разнесены по оси  $X$  на расстояние  $D$ . Идеально отражающая поверхность  $H(\xi, \eta)$  движется как целое с постоянной скоростью  $V$  под углом  $\alpha$  по отношению к трассе (рис. 1), т. е.  $\xi = x \cos \alpha + y \sin \alpha - Vt$ ,  $\eta = y \cos \alpha - x \sin \alpha$  (движение происходит вдоль координаты  $\xi$ ). Предполагается, во-первых, что поверхность  $H$  имеет явно выраженную анизотропию — характерная величина наклонов по координате  $\xi$  значительно больше, чем по  $\eta$ , т. е.  $\partial H / \partial \xi \gg \partial H / \partial \eta \approx 0$ , или  $H(\xi, \eta) \approx H(\xi)$ . Во-вторых, масштаб неровностей поверхности гораздо больше размеров зоны Френеля:  $L \ll \sqrt{\lambda D}$  (здесь  $\lambda$  — длина волны зондирующего сигнала). Первое предположение обусловлено тем, что часто исследуемые поверхности имеют волновую природу (поверхность моря, ПИВ) или сильную анизотропию (горные и подводные хребты и складки). Второе условие позволяет применить для решения задачи приближение ГО.

Исходя из законов ГО, запишем условие зеркального отражения луча  $BSO$ :

$$(x_s H'_x + y_s H'_y - z_s)/l_1 = [(x_s - D) H'_x + y_s H'_y - z_s]/l_2, \\ y_s + z_s H'_y = 0, \quad (1)$$

где  $x_s, y_s, z_s$  — координаты точки отражения  $S$  в каждый данный момент времени ( $z_s = H(x_s \cos \alpha + y_s \sin \alpha - Vt)$ ),  $H'_x, H'_y$  — производные  $\partial H / \partial x$  и  $\partial H / \partial y$  в точке отражения,  $l_1, l_2$  — расстояния от точки отражения до приемника и передатчика соответственно. Очевидно, что существование нескольких решений уравнений (1) означает наличие нескольких лучей, отражающихся от поверхности  $H$  (многолучевость). В дальнейшем мы будем рассматривать только однолучевое распространение, хотя подобная задача может быть решена и в многолучевом случае.

Известными величинами считаются угол места  $\varepsilon$ , азимут  $\phi$  и доплеровское смещение частоты  $F_d$  принимаемого сигнала:

$$\operatorname{tg} \varphi(t) = y_s/x_s \equiv f(t), \\ \operatorname{tg} \varepsilon(t) = z_s(x_s^2 + y_s^2)^{-1/2} \equiv p(t), \quad F_d(t) = -\lambda^{-1}(l_1 + l_2). \quad (2)$$

где  $\dot{l}_1 = dl_1/dt$  (точка означает дифференцирование по времени). Из гипотезы «замороженного» переноса следует

$$\dot{H} = H'_{\xi} (\dot{x}_s \cos \alpha + \dot{y}_s \sin \alpha - V). \quad (3)$$

В результате совместного решения уравнений (1) — (3) получено нелинейное дифференциальное уравнение относительно координаты  $x_s$ :

$$\dot{x}_s = \frac{\tilde{l} \lambda F_d - x_s (f \dot{f} + \dot{q} q)}{x_s (1 + f^2 + q^2) - D \tilde{l} / l_2}, \quad (4)$$

где  $\tilde{l} = l_1 l_2 (l_1 + l_2)^{-1}$ ,  $q = p \sqrt{1 + f^2}$ , и выражения для величин  $\alpha$  и  $V$ :

$$\tan \alpha = - \frac{f (l_2 - l_1 + D \sqrt{1 + f^2 + q^2})}{(f^2 + q^2) (l_2 - l_1)},$$

$$V = \dot{x}_s \cos \alpha + (\dot{x}_s f + f \dot{x}_s) \sin \alpha + \\ + (\dot{x}_s q + q \dot{x}_s) (q/f) \sin \alpha.$$

Обратим внимание на то, что при  $\alpha \neq 0$  для уравнения (4) в моменты времени  $t_i$  известно начальное условие:

$$\varphi(t_i) = 0, \quad x_s(t_i) = D/2. \quad (6)$$

Решение подобной задачи для случая  $\alpha = 0$  (движение поверхности вдоль радиотрассы) подробно рассмотрено в работе [1].

Для определения формы отражающей поверхности  $H(\xi)$  вычислялись величины  $H(t) = x_s(t)q(t)$  и  $\xi(t) = x_s(t)(\cos \alpha + f(t) \sin \alpha) - Vt$ , после чего строилась кривая  $H(\xi)$  как заданная параметрически. Очевидно, что для однозначного определения  $H(\xi)$  необходимо выполнение условия  $d\xi/dt = \dot{\xi} dt < 0$  ( $V > 0$ ,  $-\pi < \alpha < \pi$ ), так как при однолучевом распространении невозможно движение точки отражения в сторону увеличения координаты  $\xi$  ( $x_s \cos \alpha + y_s \sin \alpha$  — величина конечная, а  $Vt$  — неограниченно растет).

Следует отметить, что определение исходных параметров  $\varphi$ ,  $\varepsilon$  и  $F_d$  с конечной точностью приводит к тому, что найденные в результате решения обратной задачи величины  $\alpha$  и  $V$  флюктуируют во времени. Так, например, выполнение условия (6) предполагает, что  $F_d(t_i) = 0$  и, следовательно,

$$\text{sign}(\varphi(t)F_d(t)) = \text{sign}(K_{\varphi, F_d}) = \text{const}, \quad (7)$$

где  $K_{\varphi, F_d}$  — коэффициент корреляции величин  $\varphi(t)$  и  $F_d(t)$ , что может не выполняться при конечной точности задания  $\varphi$ ,  $\varepsilon$  и  $F_d$ , а также в связи с пренебрежением зависимостью формы поверхности  $H$  от координаты  $\eta$ .

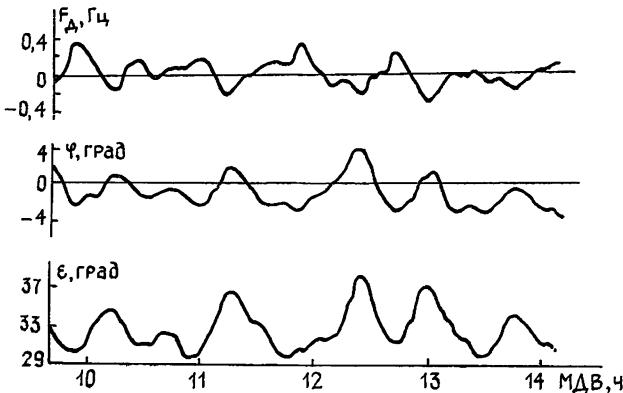


Рис. 2.

Погрешность определения параметров отражающей поверхности была проверена численно по результатам решения прямой задачи [2], в которой форма «зеркала» задавалась уравнением

$$H(\xi) = H_0[1 + \delta \sin(k\xi)],$$

где  $H_0 = 224$  км,  $\delta = 10^{-2}$ ,  $\alpha = -45^\circ$ ,  $V = 250$  м/с,  $k = 2\pi/\Lambda$ ,  $\Lambda = 250$  км — пространственный период возмущения. Рассчитанные углы прихода отраженного сигнала  $\varphi$ ,  $\varphi$

и доплеровское смещение частоты  $F_d$  на несущей частоте  $f_p \approx 10 \text{ МГц}$  использовались при решении обратной задачи в качестве исходных данных. Для такой модели определялись значения  $H(\xi)$ ,  $\delta$ ,  $\alpha$  и  $V$ . Оказалось, что при точностях задания углов прихода порядка  $0,1^\circ$  и доплеровского смещения частоты  $0,01 \text{ Гц}$  погрешности определения искомых параметров не превышали 5% (величина  $\delta$  оценивалась как  $\sqrt{\frac{\sigma_H^2}{H}}$ , где  $\sigma_H^2$  — дисперсия флуктуаций  $H(t)$ ,  $\bar{H}$  — среднее значение  $H(t)$ ).

Разработанная методика определения параметров отражающей поверхности была использована при интерпретации данных наклонного зондирования ионосферы на односкачковой трассе Москва — Харьков во время прохождения ПИВ (модель «зеркальной» поверхности при отражении КВ радиосигналов от ионосферы давно используется, например, авторами [3, 4]). В качестве передатчика использовалась станция службы точного времени РВМ. Прием сигналов осуществлялся на радиоастрономической обсерватории в пос. Граково. Приемный комплекс был реализован на базе радиотелескопа УТР-2 и подробно описан в работе [5]. Погрешности измерения на частоте  $f_p \approx 10 \text{ МГц}$  составляли:  $\Delta \varepsilon, \Delta \varphi \approx 0,5^\circ$ ,  $\Delta F_d \approx 0,025 \text{ Гц}$ . На данной радиотрассе, как правило, после восхода Солнца, наблюдалась квазипериодические вариации  $\varepsilon, \varphi, F_d$ . На рис. 2 в качестве примера приведены графики изменения этих величин во времени для одного из дней наблюдения. Вывод о том, что эти флуктуации вызваны именно ПИВ, основан на факте высокой их корреляции ( $|K_{\varphi, F_d}| \approx 0,7$ ).

На рис. 3 приведен фрагмент траектории движения ПИВ в течение 1,5 часа после восхода Солнца. Траектория получена в результате решения обратной задачи как параметрически заданная кривая:

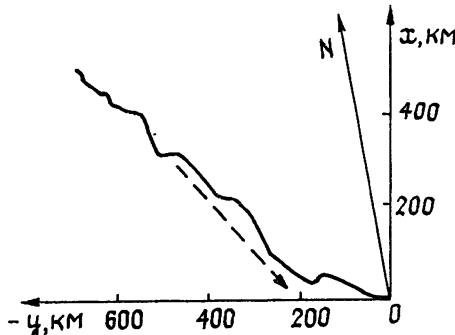


Рис. 3.

$$x = \int V(t) \cos \alpha(t) dt,$$

$$y = \int V(t) \sin \alpha(t) dt.$$

(Здесь исключены из рассмотрения точки, в которых условие (7) не выполнялось.) Значение  $\bar{V} \approx 125 \text{ м/с}$  хорошо согласуется с литературными данными [6]. Обращает на себя внимание тот факт, что направление движения ПИВ ( $\alpha \approx 142^\circ$ ) с высокой степенью точности ( $\sim 2^\circ$ ) совпадает с направлением нормали к восходному терминатору в районе радиотрассы (пунктирная стрелка). Это обстоятельство может свидетельствовать о том, что источником ПИВ в данном случае является солнечный терминатор.

Таким образом, рассмотренный в работе способ восстановления формы отражающей поверхности может быть использован для определения таких параметров ПИВ, как степень возмущения ионосферы, направление и скорость их движения. Проведение одновременных измерений на нескольких частотах позволяет проследить динамику прохождения ПИВ на разных ионосферных высотах.

Следует отметить, что применительно к ионосфере понятие отражающего «зеркала» вводится весьма условно и представляет собой поверхность действующих высот отражения. В то же время в природе существует целый ряд поверхностей, которые могут зондироваться таким образом.

В заключение авторы считают своим долгом поблагодарить И. М. Фукса за полезные замечания, а также А. В. Попова за участие в обсуждении результатов.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Белей В. С., Гулинский О. В. — В сб.: Взаимодействие декаметровых волн с ионосферой. — М.: ИЗМИРАН, 1985.
- Белей В. С., Галушко В. Г., Ямпольский Ю. М. Препринт ИРЭ АН УССР № 231. — Харьков, 1983.
- Lyons G. F. — J. Atm. Terr. Phys., 1979, 41, № 1, p. 5.
- Афраймович Э. Л. Интерференционные методы радиозондирования ионосферы. — М.: Наука, 1982. — 200 с.
- Галушко В. Г., Рабинович Л. М., Ямпольский Ю. М. Препринт ИРЭ АН УССР № 182. — Харьков, 1981.
- Бакай А. С., Иванов В. П., Карвецкий В. Л. и др. — В сб.: Волновые возмущения в атмосфере. — Алма-Ата: Наука, 1980, с. 50.