

УДК 538.574 : 534

**ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫХ И ЗВУКОВЫХ КОЛЕБАНИЙ НА ГРАНИЦЕ ПЬЕЗОДИЭЛЕКТРИК — ПОЛУПРОВОДНИК В УСЛОВИЯХ НАГРЕВА ЭЛЕКТРОННОГО ГАЗА**

*А. А. Булгаков, С. И. Ханкина, В. М. Яковенко*

Исследованы поверхностные акустоэлектрические волны, возникающие на границе пьезодиэлектрик — полупроводник, в условиях нагрева электронного газа. Найдены инкременты, и показано, что на границе диэлектрик — полупроводник с S-образной ВАХ существует слабозатухающая электромагнитная волна. Рассмотрено резонансное взаимодействие акустических и электромагнитных волн.

1. В ряде полупроводников при низких температурах в относительно небольших электрических полях происходит нагрев электронного газа из-за малой передачи энергии электронов. Влияние нагрева электронного газа на распространение звуковых волн в пьезополупроводниках рассматривалось в работах [1-3]. В этих работах получено возбуждение звука в результате возникновения на вольт-амперной характеристике (ВАХ) участков с отрицательной дифференциальной проводимостью. Следует отметить, что в действительности раскачка звуковых колебаний затруднена, поскольку в этих условиях довольно быстро развивается аperiodическая неустойчивость возмущений электронной температуры и электрического поля. В ограниченных средах выбором электрических параметров эту неустойчивость удается подавить и тем самым обеспечить нарастание акустических волн.

Предлагаемая работа посвящена исследованию особенностей взаимодействия электромагнитных и звуковых колебаний на границе пьезодиэлектрик — полупроводник с S-образной ВАХ.

2. Выберем плоскость  $y = 0$  в качестве раздела между пьезодиэлектриком ( $y > 0$ , среда 1) и полупроводником ( $y < 0$ , среда 2). Постоянное электрическое поле  $E_0$  направим вдоль оси  $x$ . Система уравнений, описывающая распространение звука в пьезодиэлектрике, состоит из уравнений теории упругости

$$\rho \frac{\partial^2 u_z}{\partial t^2} - \rho s^2 \Delta u_z - \beta \operatorname{div} E_1 = 0 \tag{1}$$

и уравнений электростатики

$$\operatorname{div} D_1 = 0, \operatorname{rot} E_1 = 0, D_1 = \epsilon_1 E_1 - 4\pi \beta \nabla u_z. \tag{2}$$

Симметрия диэлектрика такова, что имеются отличные от нуля компоненты пьезодиэлектрического тензора  $\beta_{xx} = \beta_{yy} = \beta$ ;  $u_z$  — смещение решетки,  $\rho$  — плотность кристалла,  $s$  — скорость звука,  $E$  и  $D$  — векторы напряженности и индукции электрического поля.

В полупроводниковой плазме в условиях нагрева электронов уравнения имеют вид

$$\operatorname{rot} E_2 = 0, \operatorname{div} j_2 = 0; \tag{3}$$

$$\frac{3}{2} n_0 \frac{\partial \theta}{\partial t} - j_2 E_2 = -n_0 \theta v_s(\theta), \quad (4)$$

$$j_2 = \sigma(\theta) E_2,$$

$n_0$ ,  $\theta$  — концентрация и температура электронов,  $v_s(\theta) = v_{s0}(T)(\theta/T)^{r-1}$  — энергетическая частота соударений,  $T$  — температура решетки,  $\sigma(\theta) = (e^2 n_0 / m v_{p0}) (\theta/T)^q \left[ \Gamma\left(\frac{5}{2} + q\right) / \Gamma\left(\frac{5}{2}\right) \right]$  — электронная проводимость полупроводника,  $v_p = v_{p0} (\theta/T)^{-q}$  — импульсная частота соударений;  $r$  и  $q$  — числа, характеризующие механизмы рассеяния, их значения приведены в [4].

Уравнения (3), (4) получены в предположении, что максвелловское время релаксации  $\varepsilon_2 / 4\pi\sigma$  мало по сравнению с  $1/v_s$  и глубина проникновения волн меньше характерной длины релаксации энергии. Первое условие означает, что концентрация электронов в процессе распространения волн постоянна. Второе условие позволяет пренебречь пространственным изменением электронной температуры.

В стационарном состоянии  $j_0 E_0 = n_0 \theta_0 v_s(\theta_0)$ ,  $\theta_0 \gg T$ . Все переменные величины, входящие в (1) — (4), представим в виде  $e^{i(kr - \omega t)}$ , где  $k$  — волновой вектор,  $\omega$  — частота колебаний. В дальнейшем рассматриваются колебания, однородные вдоль оси  $z$  ( $k_z = 0$ ).

Из уравнений (1), (2) следует, что в пьезодиэлектрике существуют электростатические и звуковые волны:

$$k_{y1}^2 = -k_x^2; \quad (5)$$

$$k_{y0}^2 = \frac{\omega^2}{\bar{s}^2} - k_x^2, \quad (6)$$

$$\bar{s}^2 = s^2(1 + \alpha^2), \quad \alpha^2 = \frac{4\pi\beta^2}{\rho\varepsilon_1 s^2}, \quad \text{Им. } k_{y1,0} > 0.$$

Электрическое поле в полупроводнике вызывает возмущение электронной температуры, и компоненты волновых векторов связаны соотношением

$$k_{y2}^2 = -k_x^2 \frac{\sigma_{xx}}{\sigma}, \quad (7)$$

где  $\sigma_{xx} = \sigma \frac{\omega + (2/3) i v_s (r + q)}{\omega + (2/3) i v_s (r - q)}$ , Им.  $k_{y2} < 0$ . Выбор знаков  $k_{y0,1,2}$  определяется условием убывания амплитуд при  $y \rightarrow \pm \infty$ .

Исходную систему уравнений (1) — (4) необходимо дополнить граничными условиями на плоскости  $y = 0$ :

$$E_{x1} = E_{x2}, \quad D_{y1} = D_{y2}, \quad \rho s^2 \frac{\partial u_z}{\partial y} + \beta E_{y1} = 0. \quad (8)$$

Выбор граничных условий в таком виде означает, что между средами имеется зазор, величина которого мала по сравнению с глубиной проникновения электрического поля и велика по отношению к смещению решетки. При отсутствии такого зазора необходимо учитывать звуковые волны в полупроводнике, что усложняет вычисления, но не меняет качественной картины происходящих явлений.

Из (8) находим дисперсионное соотношение

$$\left(k_x^2 - \frac{\omega^2}{S^2}\right)^{1/2} \left(1 - \frac{4\pi\sigma}{\epsilon_1\omega} \frac{k_{y2}}{k_x}\right) = -\chi^2 \frac{4\pi\sigma}{\epsilon_1\omega} k_{y2}, \quad (9)$$

которое решаем по малому параметру  $\chi^2$ . При  $\chi^2 = 0$  получим звуко-  
вые колебания

$$\omega = k_x \bar{S} \quad (10)$$

и уравнение для поверхностных электростатических волн

$$1 - \frac{4\pi\sigma}{\epsilon_1\omega} \frac{k_{y2}}{k_x} = 0. \quad (11)$$

Покажем, что колебания (11) устойчивы. Все возможные решения (11) при  $r + q > 0$  приведены в столбцах 2 и 3 табл. 1. В столбце 1 записаны соотношения между параметрами, при которых найдены решения. Из таблицы видно, что уравнение (11) не содержит нарастающих колебаний. При  $r - q < 0$  (строка 2 таблицы) в системе возникают слабозатухающие волны (в некотором смысле аналогичные поверхностному плазмону)\*. Возмущения электрического поля и температуры аperiодически затухают, если  $r - q > 0$  (первая строка таблицы), а при  $6\pi\sigma/\epsilon_1\nu_3 \gg 1$  для любых значений  $r$  и  $q$  (четвертая строка). В промежуточном случае, когда  $r - q = 0$  (третья строка), реальная и мнимая части  $\omega$  одного порядка.

Существование устойчивых слабозатухающих электростатических волн можно объяснить следующим образом. Из равенства на границе нормальных составляющих тока смещения  $\frac{\epsilon_1}{4\pi} \frac{\partial E_{y1}}{\partial t}$  и тока проводимости  $\sigma E_{y2}$  видно, что колебательный режим возможен, если фазы возмущений  $E_{y1}$  и  $E_{y2}$  сдвинуты на  $-\pi/2$ . Это условие выполняется при реализации в полупроводнике состояния с отрицательной ВАХ (т. е.  $E_{y1} = -i[(q+r)/(q-r)]E_{y2}$ ). Затухание поверхностной волны связано с частотной дисперсией  $\sigma_{xx}$ .

Особенностью этих поверхностных колебаний является большая глубина проникновения, так что на ее длине укладывается несколько пространственных периодов ( $|\text{Im} k_{y2}| < |\text{Re} k_{y2}|$ ).

При  $\chi^2 \neq 0$  происходит взаимодействие звуковых и электростатических колебаний, в результате которого возникают связанные поверхностные акустоэлектронные волны, усиливающиеся на падающем участке ВАХ.

При  $(2/3)\nu_3 > k_x \bar{S} > 4\pi\sigma/\epsilon_1$  и  $r - q < 0$  добавка к частоте, обусловленная взаимодействием, равна

$$\delta\omega = \chi^4 \left(\frac{4\pi\sigma}{\epsilon_1 k_x \bar{S}}\right)^2 \frac{q+r}{q-r} \frac{k_x \bar{S}}{2} \left(-1 + i \frac{3q}{q^2 - r^2} \frac{k_x \bar{S}}{\nu_3}\right), \quad (12)$$

при

$$\frac{4\pi\sigma}{\epsilon_1 \nu_3} \left(\frac{2q \nu_3}{3k_x \bar{S}}\right)^{1/2} \gg 1, \quad r - q = 0$$

$$\delta\omega = \chi^4 \frac{k_x \bar{S}}{2} \left(-1 + i \frac{3k_x \bar{S}}{4q \nu_3}\right). \quad (13)$$

\* Условие  $r - q < 0, r + q > 0$  (или  $q > 0$ ) выполняется только для S-образной ВАХ. Действительно, при S-образной ВАХ  $\frac{\partial j_0}{\partial \theta_0} \sim r + q > 0$ , а  $\frac{\partial \theta_0}{\partial E_0} \sim \frac{1}{r - q} < 0$ .

Таблица 1

$\frac{6\pi\sigma}{\varepsilon_1 v_3} \ll 1$	$r - q > 0$	$-i \frac{2}{3} v_3 (r - q) \left[ 1 - \left( \frac{6\pi\sigma}{\varepsilon_1 v_3} \right)^2 \times \right. \\ \left. \times \frac{2q}{(r - q)^3} \right]$	$-i \frac{4\pi\sigma}{\varepsilon_1} \left( \frac{r + q}{r - q} \right)^{1/2}$
	$r - q < 0$	$\frac{4\pi\sigma}{\varepsilon_1} \left( \frac{q + r}{q - r} \right)^{1/2} -$ $-i \left( \frac{6\pi\sigma}{\varepsilon_1 v_3} \right)^2 \frac{2}{3} \frac{q v_3}{(q - r)^2}$	$-\frac{4\pi\sigma}{\varepsilon_1} \left( \frac{q + r}{q - r} \right)^{1/2} -$ $-i \left( \frac{6\pi\sigma}{\varepsilon_1 v_3} \right)^2 \frac{2}{3} \frac{q v_3}{(q - r)^2}$
	$r - q = 0$	$\frac{2}{3} q v_3 \left( \frac{3\pi\sigma}{q \varepsilon_1 v_3} \right)^{2/3} (\sqrt{3} - i)$	$-\frac{2}{3} q v_3 \left( \frac{3\pi\sigma}{q \varepsilon_1 v_3} \right)^{2/3} (\sqrt{3} + i)$
$\frac{6\pi\sigma}{\varepsilon_1 v_3} \gg 1$	$-i \frac{4\pi\sigma}{\varepsilon_1} \left( 1 - \frac{2r + q}{3} \frac{\varepsilon_1 v_3}{6\pi\sigma} \right)$	$-\frac{2}{3} i v_3 (r + q)$	

Следует отметить, что характер полученных поверхностных колебаний отличается от рэлеевского звука и волн Блюштейна — Гуляева. Возникновение последних связано с равенством на границе акустических давлений продольного и поперечного звука (рэлеевская волна) или акустического и электростатического давлений (волна Блюштейна — Гуляева). При этом обе граничащие среды непрозрачны для этих колебаний. В нашем случае, как показано выше, разогретая среда прозрачна ( $|\operatorname{Re} k_{y2}| > |\operatorname{Im} k_{y2}|$ ) и импульс электромагнитного поля направлен к поверхности раздела сред ( $\operatorname{Re} k_{y2} > 0$ ). Причиной усиления является передача энергии от разогретой среды поверхностной звуковой волне.

При  $\varepsilon_1 \ll 4\pi\sigma/\omega$  из (9) следует

$$\delta\omega = -\frac{x^4}{2} k_x \bar{s} \left( 1 + 2 \frac{\varepsilon_1 k_x \bar{s}}{4\pi\sigma} \frac{k_x k_{y2}^*}{|k_{y2}|^2} \right). \quad (14)$$

В этом случае влияние разогрева полупроводника на спектр звуковой волны мало. Формула (14) описывает волну Блюштейна — Гуляева на границе пьезодиэлектрик — металл или пьезодиэлектрик — вакуум [5, 6]. Так как  $\operatorname{Im} k_{y2}^* > 0$ , то колебание затухает на всех участках ВАХ полупроводника.

Исследуем резонансное взаимодействие звука с собственными электростатическими колебаниями полупроводника. Из таблицы следует, что в области прозрачности  $r - q < 0$  возможно выполнение соотношения  $\omega = k_x \bar{s} = (4\pi\sigma/\varepsilon_1) [(q + r)/(q - r)]^{1/2}$ . Из (9) для  $\delta\omega$  получаем уравнение

$$x(x + 1)^2 = -i \frac{x^4}{2} \left[ \frac{\varepsilon_1 v_3}{6\pi\sigma} (q - r) (q^2 - r^2)^{1/2} \right]^3, \quad (15)$$

где

$$\delta\omega = \frac{2}{3} ix \left( \frac{6\pi\sigma}{\varepsilon_1 v_3} \right)^2 \frac{q v_3}{(q - r)^2}.$$

Решения (15) имеют вид

$$\mathfrak{D}\omega = \begin{cases} (1 \pm \sqrt{3}i) \left(\frac{x}{2}\right)^{4/3} \frac{4\pi\sigma}{\varepsilon_1} q \left(\frac{q+r}{q-r}\right)^{1/2} \\ -2 \left(\frac{x}{2}\right)^{4/3} \frac{4\pi\sigma}{\varepsilon_1} q \left(\frac{q+r}{q-r}\right)^{1/2} \end{cases} \quad \text{при } x^4 \left(\frac{\varepsilon_1 \nu_3}{6\pi\sigma}\right)^3 \gg 1; \quad (16)$$

$$\mathfrak{D}\omega = \begin{cases} \frac{x^4}{2} \frac{\varepsilon_1 \nu_3^2}{9\pi\sigma} q (q^2 - r^2)^{3/2} (q - r) \\ \pm \frac{1-i}{2} x^2 \left(\frac{8\pi\sigma\nu_3}{3\varepsilon_1}\right)^{1/2} q (q+r)^{3/4} (q-r)^{1/4} \end{cases} \quad \text{при } x^4 \left(\frac{\varepsilon_1 \nu_3}{6\pi\sigma}\right)^3 \ll 1. \quad (17)$$

Таким образом, для поверхностных волн имеем

$$\omega = \begin{cases} k_x \bar{S} \left(1 - q \frac{x^{4/3}}{2^{1/3}}\right) & \text{при } x^4 \left(\frac{\varepsilon_1 \nu_3}{6\pi\sigma}\right)^3 \gg 1. \\ k_x \bar{S} \left[1 - x^2 q \left(\frac{\varepsilon_1 \nu_3}{6\pi\sigma}\right)^{1/2} (q+r)^{1/4} (q-r)^{3/4} + \right. \\ \left. + \frac{i}{2} x^2 q \left(\frac{\varepsilon_1 \nu_3}{6\pi\sigma}\right)^{1/2} (q+r)^{1/4} (q-r)^{3/4} \right] & \text{при } x^4 \left(\frac{\varepsilon_1 \nu_3}{6\pi\sigma}\right)^3 \ll 1. \end{cases} \quad (18)$$

Следует отметить, что при резонансе глубина проникновения поверхностных волн меньше, а инкремент при  $x^4 (\varepsilon_1 \nu_3 / 6\pi\sigma)^3 \ll 1$  больше, чем вне резонанса, так как в закон дисперсии входит не  $x^4$ , а  $x^{4/3}$  и  $x^2$ .

3. В заключение рассмотрим поверхностные волны в слоистой структуре: пьезодиэлектрик ( $y > 0$ , среда 1) — полупроводник с S-образной ВАХ ( $0 > y > -a$ , среда 2) — диэлектрик ( $y < -a$ , среда 3). В этом случае дисперсионное уравнение имеет вид

$$\begin{aligned} & \left(k_x^2 - \frac{\omega^2}{S^2}\right)^{1/2} \left\{ (\varepsilon_1 + \varepsilon_3) \frac{4\pi\sigma}{\omega} \frac{k_{y2}}{k_x} \cos k_{y2} a - \right. \\ & \left. - i \left[ \varepsilon_1 \varepsilon_3 + \left(\frac{4\pi\sigma}{\omega} \frac{k_{y2}}{k_x}\right)^2 \right] \sin k_{y2} a \right\} = \\ & = x^2 \frac{4\pi\sigma}{\omega} k_{y2} \left( \varepsilon_3 \cos k_{y2} a - i \frac{4\pi\sigma}{\omega} \frac{k_{y2}}{k_x} \sin k_{y2} a \right). \end{aligned} \quad (19)$$

Необходимо отметить, что уравнение (19) при  $x^2 = 0$  описывает поверхностные и объемные электростатические колебания в слое. При этом однородные в направлении оси  $x$  объемные возмущения ( $k_{y2} \neq 0, k_x \rightarrow 0$ ) могут оказаться нарастающими и привести к разрушению однородного распределения электронной температуры, электрического поля и тока. От этой неустойчивости можно избавиться выбором в цепи постоянного тока внешней нагрузки  $R_H$  и тем самым обеспечить условие распространения поверхностных волн (11). Величина  $R_H$  должна удовлетворять условию [7]

$$R_H > \frac{l}{S\sigma},$$

где  $l$  — длина в направлении оси  $x$ ,  $S$  — площадь поперечного сечения образца.

В случае  $\text{Im } k_{y2} a \gg 1$  уравнение (19) переходит в выражение (9).

Для типичных параметров полупроводника (InSb)  $\nu_s = 10^{10} \text{ с}^{-1}$ ,  $\nu_p \sim 10^{12} \text{ с}^{-1}$  при полях  $E_0 \sim 60 \text{ В/см}$  условие  $\text{Im } k_{y2} a \gg 1$  выполняется, если  $a \gg 10^{-3} \text{ см}$ .

Для тонких полупроводниковых пластин ( $\text{Im } k_{y2} a \ll 1$ ) дисперсионное соотношение поверхностных электрoзвукoвых колебаний приобретает вид ( $r - q < 0$ ,  $k_x \bar{s} \ll \nu_s$ )

$$\omega = k_x \bar{s} \left[ 1 - \frac{x^4}{2} \frac{\varepsilon_3^2}{(\varepsilon_1 + \varepsilon_3)^2} \right] - i k_x a x^4 \frac{\varepsilon_1 \varepsilon_3}{(\varepsilon_1 + \varepsilon_3)^2} \frac{k_x^2 \bar{s}^2}{4\pi\sigma} \times \quad (20)$$

$$\times \left[ \varepsilon_3^2 - \left( \frac{4\pi\sigma}{k_x \bar{s}} \right)^2 \frac{q+r}{q-r} \right].$$

Таким образом, амплитуда волны нарастает, если

$$\varepsilon_3 < \frac{4\pi\sigma}{k_x \bar{s}} \left( \frac{q+r}{q-r} \right)^{1/2}.$$

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Басс Ф. Г., Ханкина С. И., Яковенко В. М. — ЖЭТФ, 1966, 50, с. 102.
2. Эпштейн Э. М. — ФТТ, 1966, 8, с. 274.
3. Bugaev A. S., Gulyaev Yu. V., Shkerdin G. N. — Sol. St. Comm. B, 1973, p. 235.
4. Басс Ф. Г., Гуревич Ю. Г. Горячие электроны и сильные электромагнитные волны в плазме полупроводников и газового разряда. — М.: Наука, 1975.
5. Bleustein J. L. — Appl. Phys. Lett., 1968, 13, p. 412.
6. Гуляев Ю. В. — Письма в ЖЭТФ, 1969, 9, с. 63.
7. Булгаков А. А., Канер Э. А., Ханкина С. И., Яковенко В. М. — ЖЭТФ, 1973, 64, с. 331.

Институт радиофизики и электроники  
АН УССР

Поступила в редакцию  
1 июня 1979 г.

#### INTERACTION OF ELECTROMAGNETIC AND SOUND OSCILLATIONS AT PIEZODIELECTRIC—SEMICONDUCTOR BOUNDARY UNDER THE CONDITION OF ELECTRON GAS HEATING

*A. A. Bulgakov, S. I. Khankina, V. M. Yakovenko*

Surface acoustoelectric waves occurred at piezodielectric—semiconductor boundary are investigated under the conditions of electron gas heating. Increments have been found and it is shown that at the boundary dielectric—semiconductor with S-shaped current-voltage characteristic there is a weakly damping wave. Resonance interaction of acoustic and electromagnetic waves is considered.